

# Développement d'un modèle numérique de simulations de trajectoires lagrangiennes dans le cadre de la campagne PROTEVS-2020

Anastasia Volorio-Galéa  
Encadrant : Andrea Doglioli  
Stage L3 SVT Mer parcours OPB 2020/2021



## Le détroit de Gibraltar & la mer d'Alboran

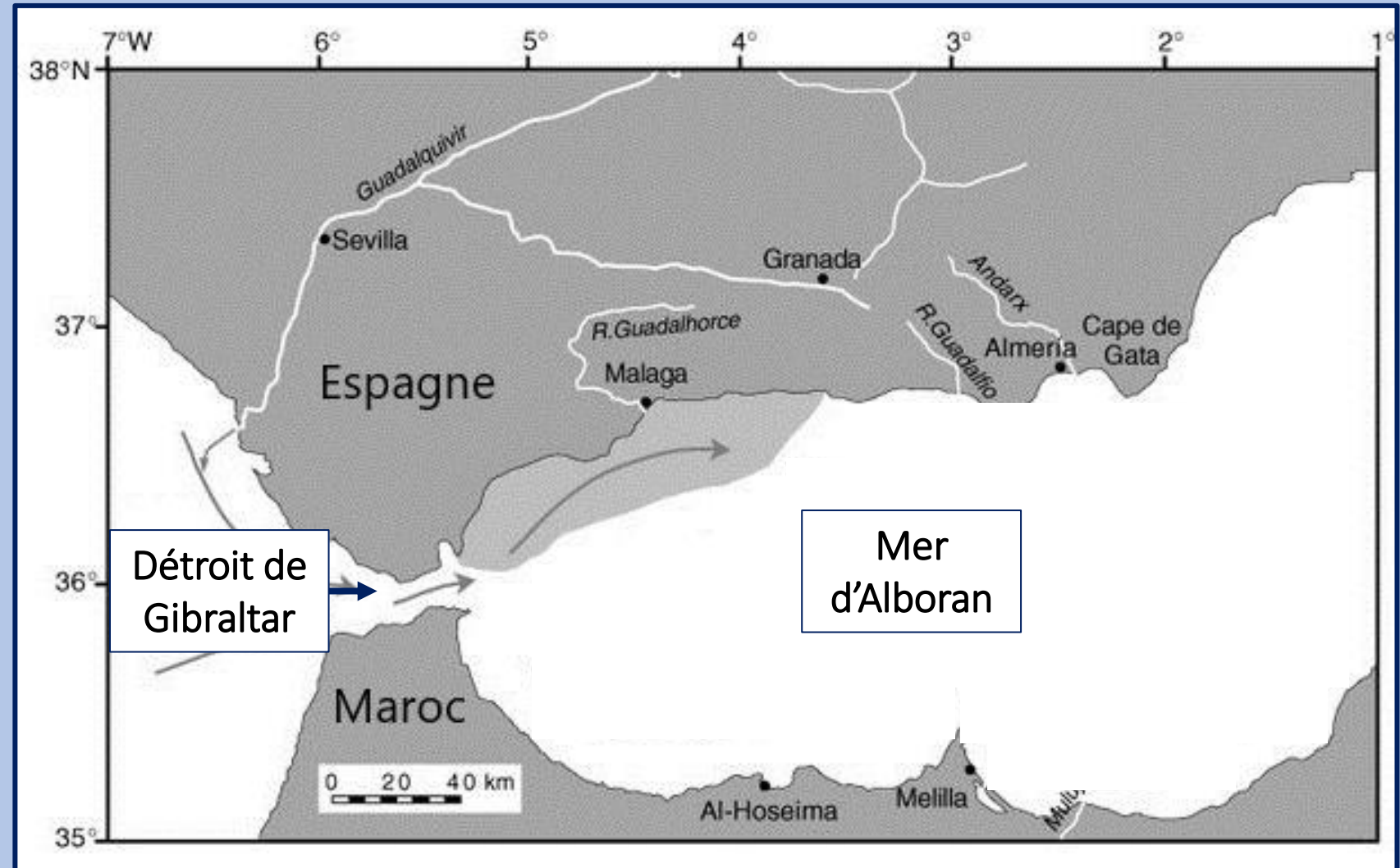


Fig. 1. Situation de surface du détroit de Gibraltar et de la mer d'Alboran



## Le détroit de Gibraltar & la mer d'Alboran

Fort gradient de densité

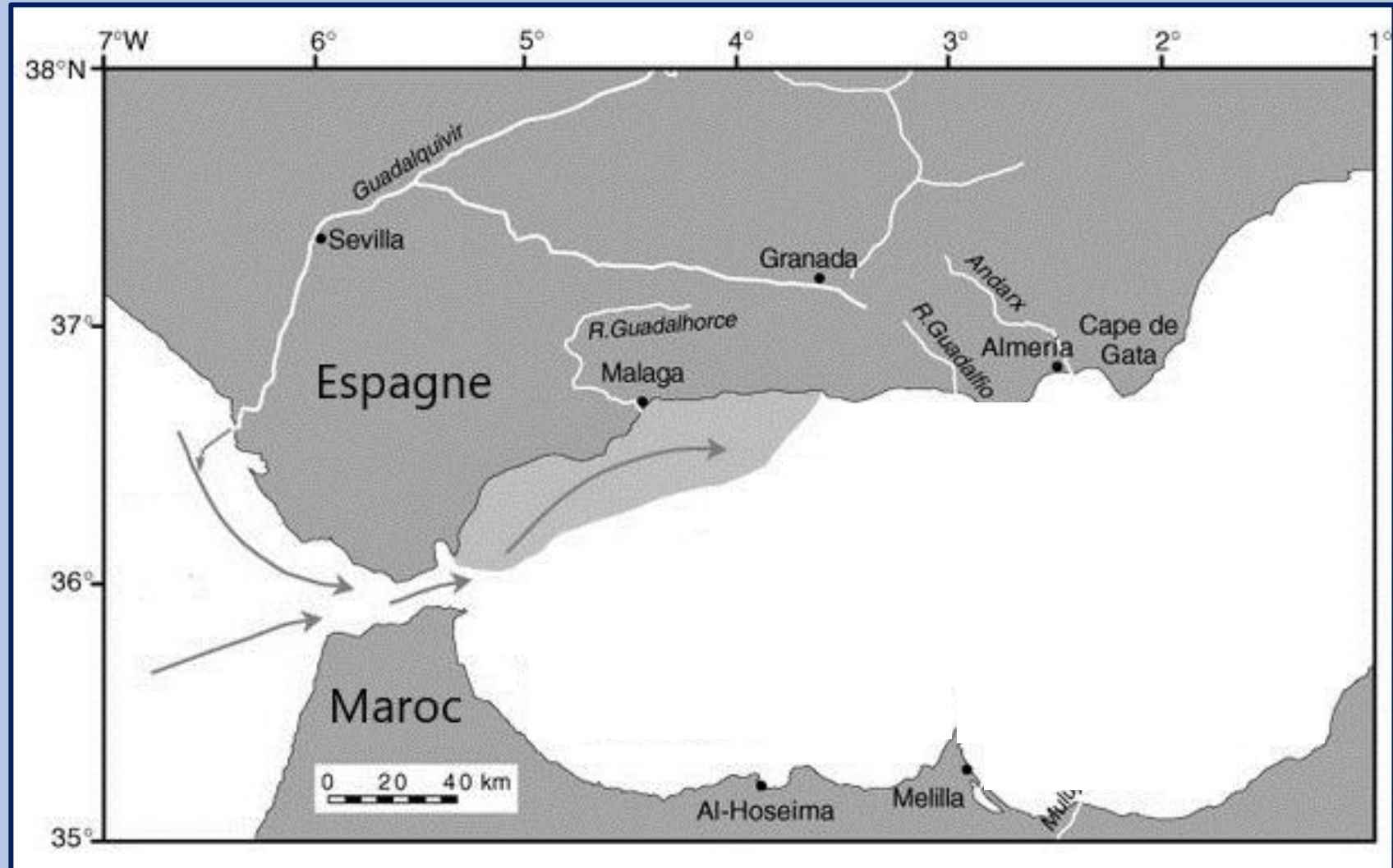


Fig. 1. Situation de surface du détroit de Gibraltar et de la mer d'Alboran

## Le détroit de Gibraltar & la mer d'Alboran

Fort gradient de densité



Formation de courants étroits très intenses

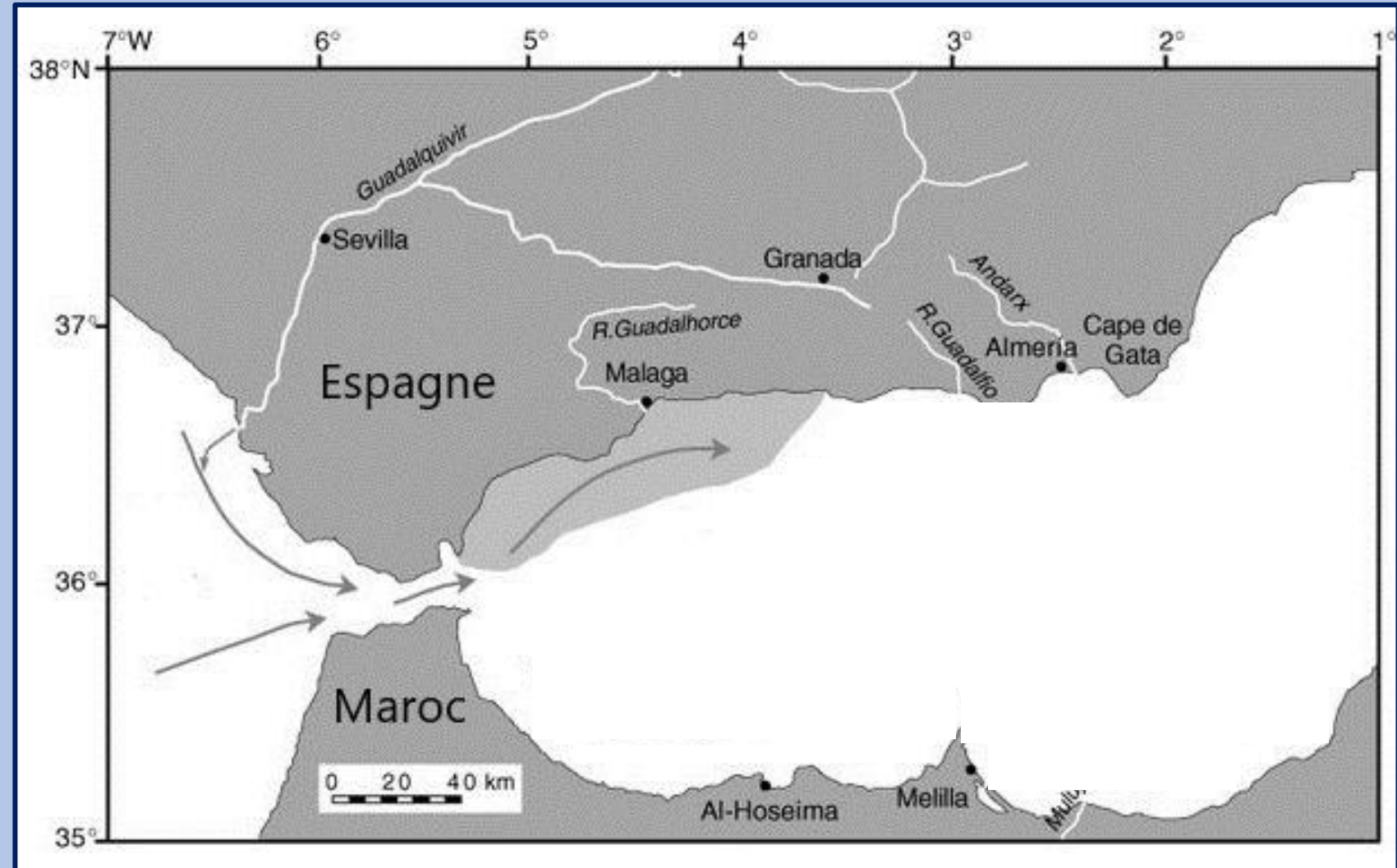


Fig. 1. Situation de surface du détroit de Gibraltar et de la mer d'Alboran

## Le détroit de Gibraltar & la mer d'Alboran

Fort gradient de densité



Formation de courants étroits très intenses



Formation de 2 gyres  
[Peliz et al., 2015]

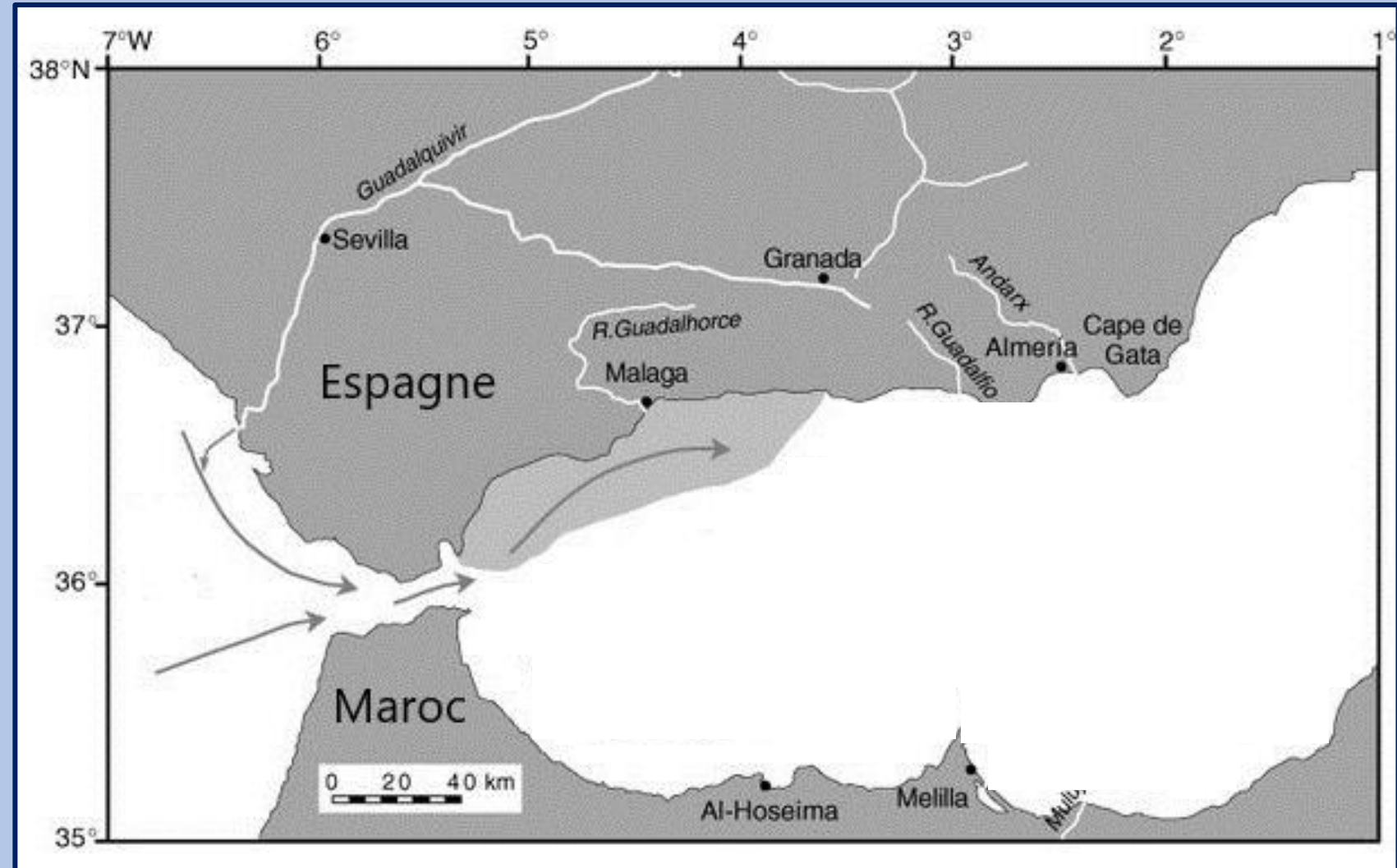


Fig. 1. Situation de surface du détroit de Gibraltar et de la mer d'Alboran



## Le détroit de Gibraltar & la mer d'Alboran

Fort gradient de densité



Formation de courants étroits très intenses



Formation de 2 gyres  
[Peliz et al., 2015]

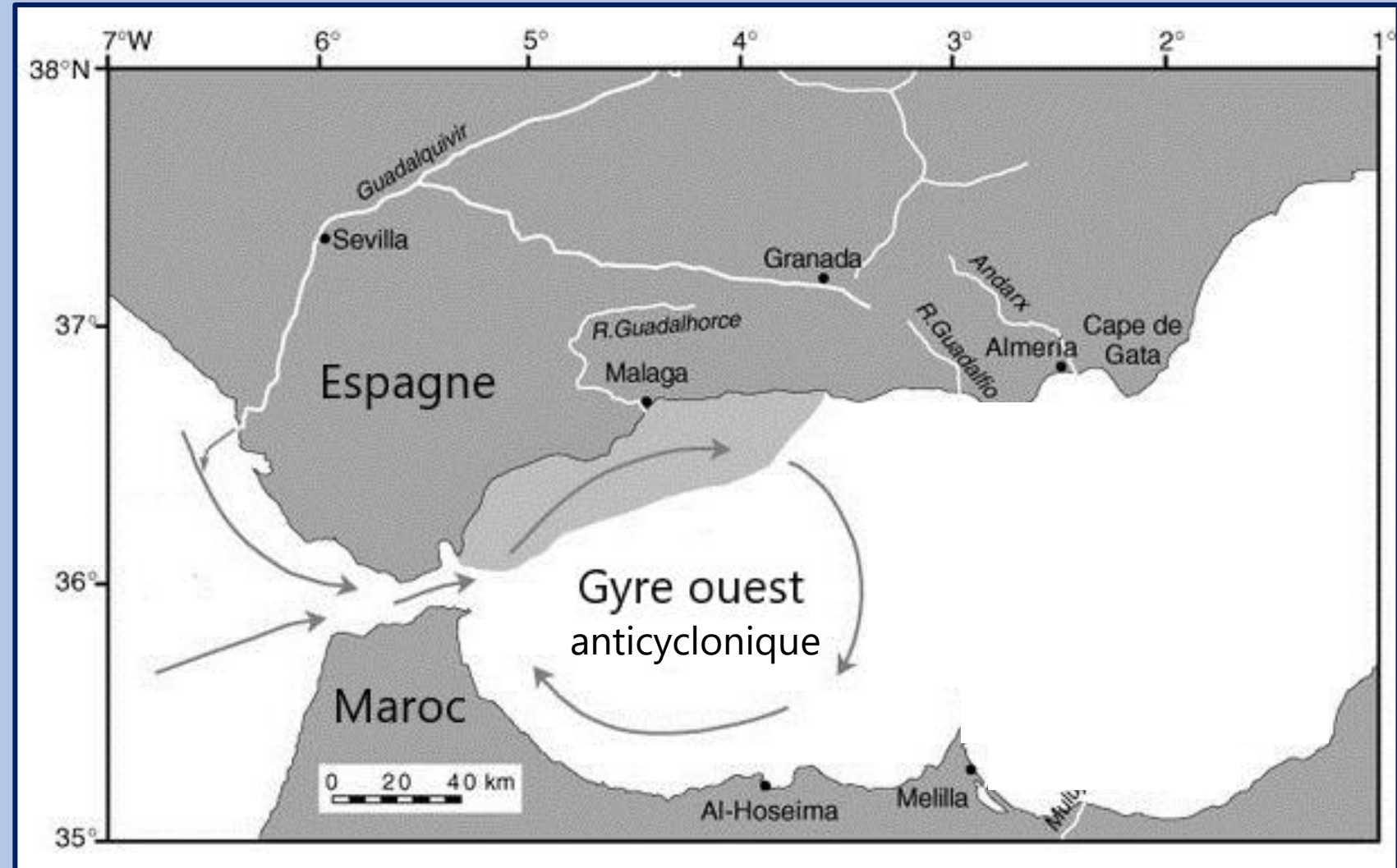


Fig. 1. Situation de surface du détroit de Gibraltar et de la mer d'Alboran

## Le détroit de Gibraltar & la mer d'Alboran

Fort gradient de densité



Formation de courants étroits très intenses



Formation de 2 gyres  
[Peliz et al., 2015]

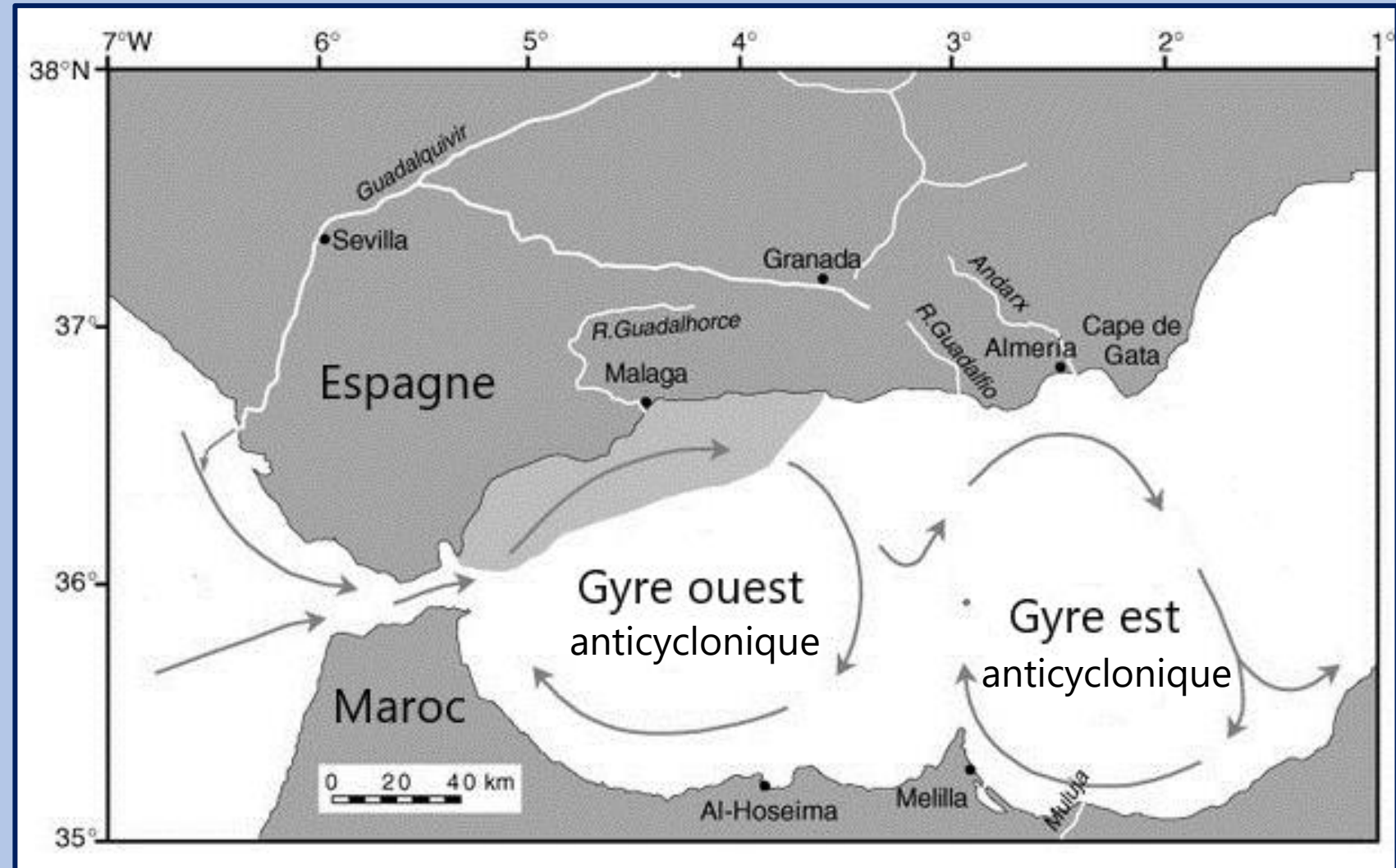


Fig. 1. Situation de surface du détroit de Gibraltar et de la mer d'Alboran

# La campagne PROTEVS-2020

Organisme et partenaire



Sous la direction du SHOM



Partenariat avec le MIO



# La campagne PROTEVS-2020

## Organisme et partenaire

Sous la direction du SHOM

Partenariat avec le MIO

## Cadre spatio-temporel

Détroit de Gibraltar &  
mer d'Alboran

23/10/2020



<https://www.flotteoceanographique.fr/Nos-moyens/Navires-engins-et-equipements-mobles/Navires-hauturiers/L-Atalante>

Fig. 2. Atalante, navire océanographique

# La campagne PROTEVS-2020

## Organisme et partenaire

Sous la direction du SHOM

Partenariat avec le MIO

## Cadre spatio-temporel

Détroit de Gibraltar &  
mer d'Alboran

Du 3/10/2020 au 23/10/2020

## Objectifs de la campagne

Étudier des phénomènes  
influençant les flux entrant et  
sortant du détroit

Affiner des modèles de  
prévision déjà existants



<https://www.flotteoceanographique.fr/Nos-moyens/Navires-engins-et-equipements-mobles/Navires-hauturiers/L-Atalante>

Fig. 2. Atalante, navire océanographique

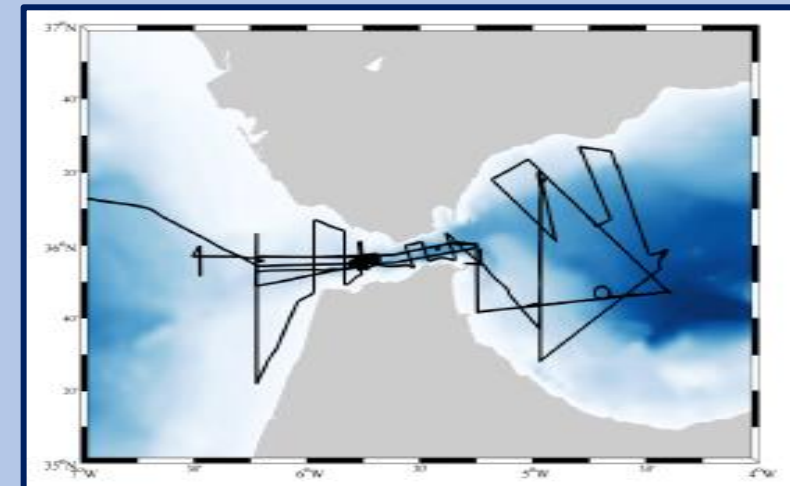


Fig. 3. Route de L'Atalante dans le détroit de Gibraltar

Tiré du Rapport de campagne Protevs-Gibraltar  
2020 de Roxane Tzortzis

## Objectifs du stage

Exploitation des données  
de courantologie

- Satellitaires
- *In situ* de la campagne



## Objectifs du stage

Exploitation des données  
de courantologie

- Satellitaires
- *In situ* de la campagne

Simulation numérique

- Des trajectoires de particules lagrangiennes
- En mer d'Alboran pendant la campagne

## Objectifs du stage

Exploitation des données  
de courantologie

- Satellitaires
- *In situ* de la campagne

Simulation numérique

- Des trajectoires de particules lagrangiennes
- En mer d'Alboran pendant la campagne

Élaboration d'un modèle

- Advection-diffusion programmé en langage Python
- Suivant le schéma d'Euler

## Objectifs du stage

Exploitation des données  
de courantologie

- Satellitaires
- *In situ* de la campagne

Simulation numérique

- Des trajectoires de particules lagrangiennes
- En mer d'Alboran pendant la campagne

Élaboration d'un modèle

- Advection-diffusion programmé en langage Python
- Suivant le schéma d'Euler

Comparaison

- Trajectoires simulées numériquement
- Trajectoires *in situ* des bouées



## Objectifs du stage

Exploitation des données  
de courantologie

- Satellitaires
- *In situ* de la campagne

Simulation numérique

- Des trajectoires de particules lagrangiennes
- En mer d'Alboran pendant la campagne

Élaboration d'un modèle

- Advection-diffusion programmé en langage Python
- Suivant le schéma d'Euler

Comparaison

- Trajectoires simulées numériquement
- Trajectoires *in situ* des bouées

Discussion du modèle  
développé

- Précision du modèle
- Améliorations envisagées

## Objectifs du stage

Exploitation des données  
de courantologie

- Satellitaires
- *In situ* de la campagne

Simulation numérique

- Des trajectoires de particules lagrangiennes
- En mer d'Alboran pendant la campagne

Élaboration d'un modèle

- Advection-diffusion programmé en langage Python
- Suivant le schéma d'Euler

Comparaison

- Trajectoires simulées numériquement
- Trajectoires *in situ* des bouées

Discussion du modèle  
développé

- Précision du modèle
- Améliorations envisagées

Application du modèle à  
la campagne PARTY

# Les données de courantologie

## Satellites

EUROPEAN OCEAN GRIDDED L4 SEA  
SURFACE HEIGHTS AND DERIVED  
VARIABLES NRT

Metadata provided by CMEMS  
Credits: E.U. Copernicus Marine Service Information

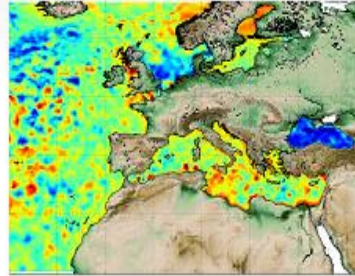


Fig. 4. Données satellitaires téléchargées sur CMEMS



# Les données de courantologie

## Satellites

EUROPEAN OCEAN GRIDDED L4 SEA  
SURFACE HEIGHTS AND DERIVED  
VARIABLES NRT

Metadata provided by CMEMS

Credits: E.U. Copernicus Marine Service Information

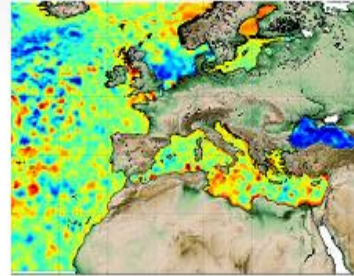


Fig. 4. Données satellitaires téléchargées sur CMEMS

## Les données de courantologie

### Satellites



Fig. 4. Données satellitaires téléchargées sur CMEMS

### Variables extraites

Vitesses géostrophiques  
absolues de surface

Hauteur de la surface de la  
mer au-dessus du géoïde

# Les données de courantologie

## Satellites

EUROPEAN OCEAN GRIDDED L4 SEA  
SURFACE HEIGHTS AND DERIVED  
VARIABLES NRT

Metadata provided by CMEMS  
Credits: E.U. Copernicus Marine Service Information

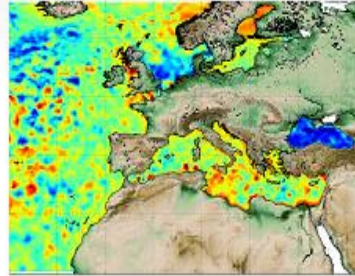


Fig. 4. Données satellitaires téléchargées sur CMEMS

### Variables extraites

Vitesses géostrophiques  
absolues de surface

Hauteur de la surface de la  
mer au-dessus du géoïde



### Caractéristiques du fichier CMEMS

#### Fenêtre spatiale

- Mer d'Europe
- Résolution de  $1/8^{\text{ème}}$  de degré

#### Fenêtre temporelle

- De 2019 jusqu'à nos jours
- Mise à jour quotidienne



# Les données de courantologie

## Satellites

EUROPEAN OCEAN GRIDDED L4 SEA  
SURFACE HEIGHTS AND DERIVED  
VARIABLES NRT

Metadata provided by CMEMS  
Credits: E.U. Copernicus Marine Service Information

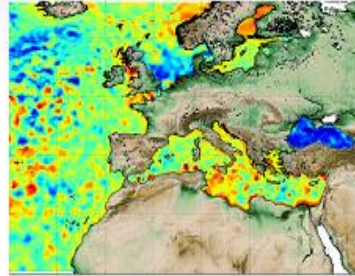


Fig. 4. Données satellitaires téléchargées sur CMEMS

## In situ

### Variables extraites

Vitesses géostrophiques  
absolues de surface

Hauteur de la surface de la  
mer au-dessus du géoïde



### Caractéristiques du fichier CMEMS

#### Fenêtre spatiale

- Mer d'Europe
- Résolution de 1/8<sup>ème</sup> de degré

#### Fenêtre temporelle

- De 2019 jusqu'à nos jours
- Mise à jour quotidienne

# Les données de courantologie

## Satellites

EUROPEAN OCEAN GRIDDED L4 SEA  
SURFACE HEIGHTS AND DERIVED  
VARIABLES NRT

Metadata provided by CMEMS  
Credits: E.U. Copernicus Marine Service Information

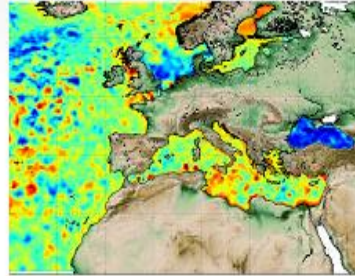


Fig. 4. Données satellitaires téléchargées sur CMEMS

## Variables extraites

Vitesses géostrophiques  
absolues de surface

Hauteur de la surface de la  
mer au-dessus du géoïde



## Caractéristiques du fichier CMEMS

### Fenêtre spatiale

- Mer d'Europe
- Résolution de 1/8<sup>ème</sup> de degré

### Fenêtre temporelle

- De 2019 jusqu'à nos jours
- Mise à jour quotidienne

## In situ

### Positions des bouées dérivantes

Relevées toutes les 5 min

À différentes périodes et  
profondeurs d'ancrage



<http://docplayer.fr/78985993-Les-bouees-meteorologiques.html>

Fig. 5. Bouées dérivantes lagrangiennes

## Les données de courantologie

### Satellites

EUROPEAN OCEAN GRIDDED L4 SEA  
SURFACE HEIGHTS AND DERIVED  
VARIABLES NRT

Metadata provided by CMEMS  
Credits: E.U. Copernicus Marine Service Information

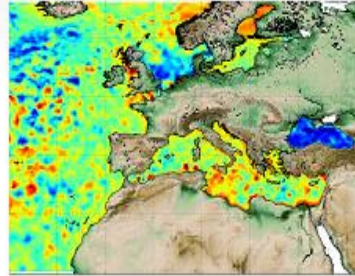


Fig. 4. Données satellitaires téléchargées sur CMEMS

### Variables extraites

Vitesses géostrophiques  
absolues de surface

Hauteur de la surface de la  
mer au-dessus du géoïde

### Caractéristiques du fichier CMEMS

#### Fenêtre spatiale

- Mer d'Europe
- Résolution de  $1/8^{\text{ème}}$  de degré

#### Fenêtre temporelle

- De 2019 jusqu'à nos jours
- Mise à jour quotidienne

### In situ

#### Positions des bouées dérivantes

Relevées toutes les 5 min

À différentes périodes et  
profondeurs d'ancrage

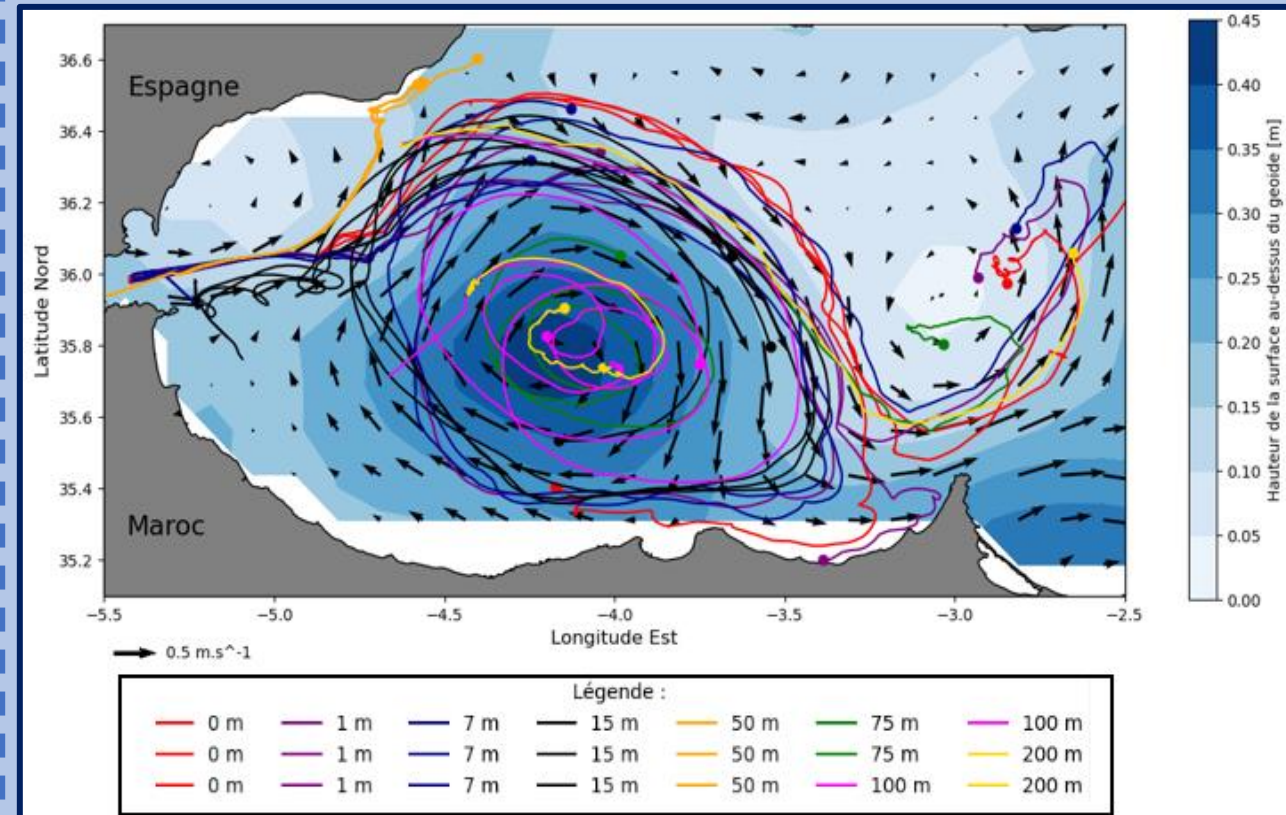


Fig. 6. Trajectoires *in situ* des bouées dérivantes jusqu'au 23-10-2020



## Le modèle numérique

### Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

## Le modèle numérique

### Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

## Le modèle numérique

### Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

### Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'.$$

## Le modèle numérique

### Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

### Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'.$$



## Le modèle numérique

### Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

### Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'$$

## Le modèle numérique

### Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

### Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'.$$

### Approximations numériques

## Le modèle numérique

### Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

### Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'.$$

### Approximations numériques

La méthode d'Euler

## Le modèle numérique

### Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

### Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'.$$

### Approximations numériques

#### La méthode d'Euler

- Développement limité

$$\vec{r}^{t+\Delta t} = \vec{r}^t + \vec{v}\Delta t \Rightarrow \vec{v} \simeq \frac{\vec{r}^{t+\Delta t} - \vec{r}^t}{\Delta t}$$



## Le modèle numérique

### Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

### Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'.$$

### Approximations numériques

#### La méthode d'Euler

- Développement limité

$$\vec{r}^{t+\Delta t} = \vec{r}^t + \vec{v}\Delta t \Rightarrow \vec{v} \simeq \frac{\vec{r}^{t+\Delta t} - \vec{r}^t}{\Delta t}$$

- Discrétisation

$$x^{t+\Delta t} = x^t + u\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + v\Delta t$$

# Le modèle numérique

## Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

## Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'$$

## Approximations numériques

### La méthode d'Euler

- Développement limité

$$\vec{r}^{t+\Delta t} = \vec{r}^t + \vec{v}\Delta t \Rightarrow \vec{v} \simeq \frac{\vec{r}^{t+\Delta t} - \vec{r}^t}{\Delta t}$$

- Discrétisation

$$x^{t+\Delta t} = x^t + u\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + v\Delta t$$

- Ajout de la décomposition de Reynolds

$$x^{t+\Delta t} = x^t + (\bar{u} + u')\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + (\bar{v} + v')\Delta t$$

# Le modèle numérique

## Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

## Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'$$

## Approximations numériques

### La méthode d'Euler

- Développement limité

$$\vec{r}^{t+\Delta t} = \vec{r}^t + \vec{v}\Delta t \Rightarrow \vec{v} \simeq \frac{\vec{r}^{t+\Delta t} - \vec{r}^t}{\Delta t}$$

- Discrétisation

$$x^{t+\Delta t} = x^t + u\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + v\Delta t$$

- Ajout de la décomposition de Reynolds

$$x^{t+\Delta t} = x^t + (\bar{u} + u')\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + (\bar{v} + v')\Delta t$$

# Le modèle numérique

## Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

## Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'$$

## Approximations numériques

### La méthode d'Euler

- Développement limité

$$\vec{r}^{t+\Delta t} = \vec{r}^t + \vec{v}\Delta t \Rightarrow \vec{v} \simeq \frac{\vec{r}^{t+\Delta t} - \vec{r}^t}{\Delta t}$$

- Discrétisation

$$x^{t+\Delta t} = x^t + u\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + v\Delta t$$

- Ajout de la décomposition de Reynolds

$$x^{t+\Delta t} = x^t + (\bar{u} + u')\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + (\bar{v} + v')\Delta t$$

- Composante diffusive → nombres générés aléatoirement à partir de la Loi Normale  $N(\mu, \sigma)$

# Le modèle numérique

## Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

## Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'$$

## Approximations numériques

### La méthode d'Euler

- Développement limité

$$\vec{r}^{t+\Delta t} = \vec{r}^t + \vec{v}\Delta t \Rightarrow \vec{v} \simeq \frac{\vec{r}^{t+\Delta t} - \vec{r}^t}{\Delta t}$$

- Discrétisation

$$x^{t+\Delta t} = x^t + u\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + v\Delta t$$

- Ajout de la décomposition de Reynolds

$$x^{t+\Delta t} = x^t + (\bar{u} + u')\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + (\bar{v} + v')\Delta t$$

- Composante diffusive → nombres générés aléatoirement à partir de la Loi Normale  $N(\mu, \sigma)$

$$\mu = 0$$



# Le modèle numérique

## Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

## Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'$$

## Approximations numériques

### La méthode d'Euler

- Développement limité

$$\vec{r}^{t+\Delta t} = \vec{r}^t + \vec{v}\Delta t \Rightarrow \vec{v} \simeq \frac{\vec{r}^{t+\Delta t} - \vec{r}^t}{\Delta t}$$

- Discrétisation

$$x^{t+\Delta t} = x^t + u\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + v\Delta t$$

- Ajout de la décomposition de Reynolds

$$x^{t+\Delta t} = x^t + (\bar{u} + u')\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + (\bar{v} + v')\Delta t$$

- Composante diffusive → nombres générés aléatoirement à partir de la Loi Normale  $N(\mu, \sigma)$

$$\mu = 0$$

$$\sigma = \sqrt{2K_H \Delta t}$$

# Le modèle numérique

## Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

## Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'$$

## Approximations numériques

### La méthode d'Euler

- Développement limité

$$\vec{r}^{t+\Delta t} = \vec{r}^t + \vec{v}\Delta t \Rightarrow \vec{v} \simeq \frac{\vec{r}^{t+\Delta t} - \vec{r}^t}{\Delta t}$$

- Discrétisation

$$x^{t+\Delta t} = x^t + u\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + v\Delta t$$

- Ajout de la décomposition de Reynolds

$$x^{t+\Delta t} = x^t + (\bar{u} + u')\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + (\bar{v} + v')\Delta t$$

- Composante diffusive → nombres générés aléatoirement à partir de la Loi Normale  $N(\mu, \sigma)$

$$\mu = 0$$

$$\sigma = \sqrt{2K_H\Delta t}$$

# Le modèle numérique

## Approximations physiques

Trajectoires des particules au cours du temps dans le plan horizontal 2D

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ avec } \vec{r} = (x, y) \text{ et } \vec{v} = (u, v)$$

## Décomposition de Reynolds

- Cas des écoulements turbulent et non laminaire
- Méthode de lissage de la vitesse dans le temps
  - Composante advective → moyenne
  - Composante diffusive → écart à la moyenne

$$u = \bar{u} + u' \text{ et } v = \bar{v} + v'$$

## Approximations numériques

### La méthode d'Euler

- Développement limité

$$\vec{r}^{t+\Delta t} = \vec{r}^t + \vec{v}\Delta t \Rightarrow \vec{v} \simeq \frac{\vec{r}^{t+\Delta t} - \vec{r}^t}{\Delta t}$$

- Discrétisation

$$x^{t+\Delta t} = x^t + u\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + v\Delta t$$

- Ajout de la décomposition de Reynolds

$$x^{t+\Delta t} = x^t + (\bar{u} + u')\Delta t \text{ et } y^{t+\Delta t} = y^t + (\bar{v} + v')\Delta t$$

- Composante diffusive → nombres générés aléatoirement à partir de la Loi Normale  $N(\mu, \sigma)$

$$\mu = 0$$

$$\sigma = \sqrt{2K_H \Delta t}$$

# Tests de sensibilité du pas de temps $\Delta t$ à partir de la composante advective

## Champ stationnaire sur 3 mois

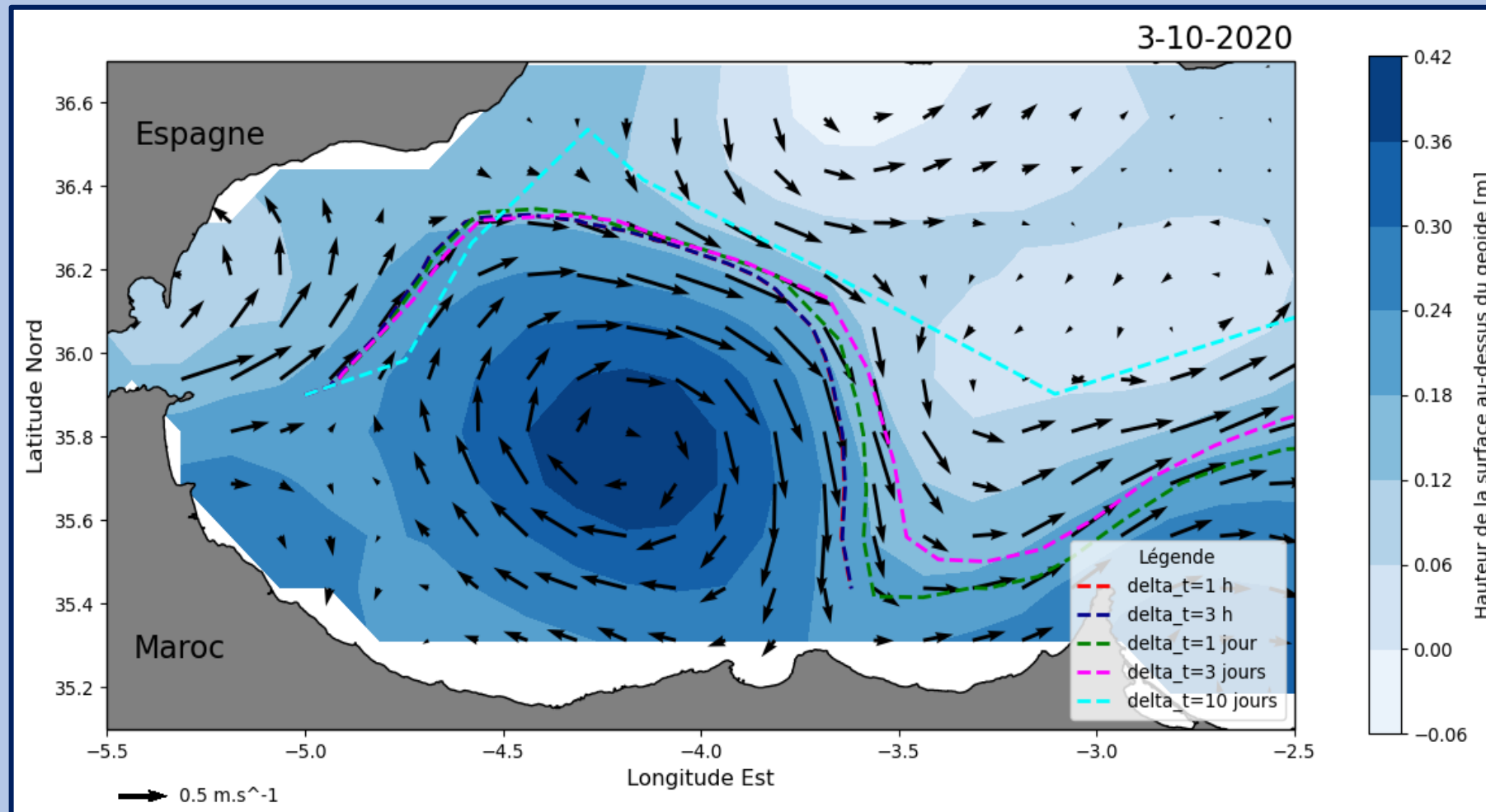


Fig. 7. Test de sensibilité n°1 pour  $\Delta t=1$  h ;  $\Delta t=3$  h ;  $\Delta t=1$  j ;  $\Delta t=3$  j ;  $\Delta t=10$  j

# Tests de sensibilité du pas de temps $\Delta t$ à partir de la composante advective

## Champ stationnaire sur 3 mois

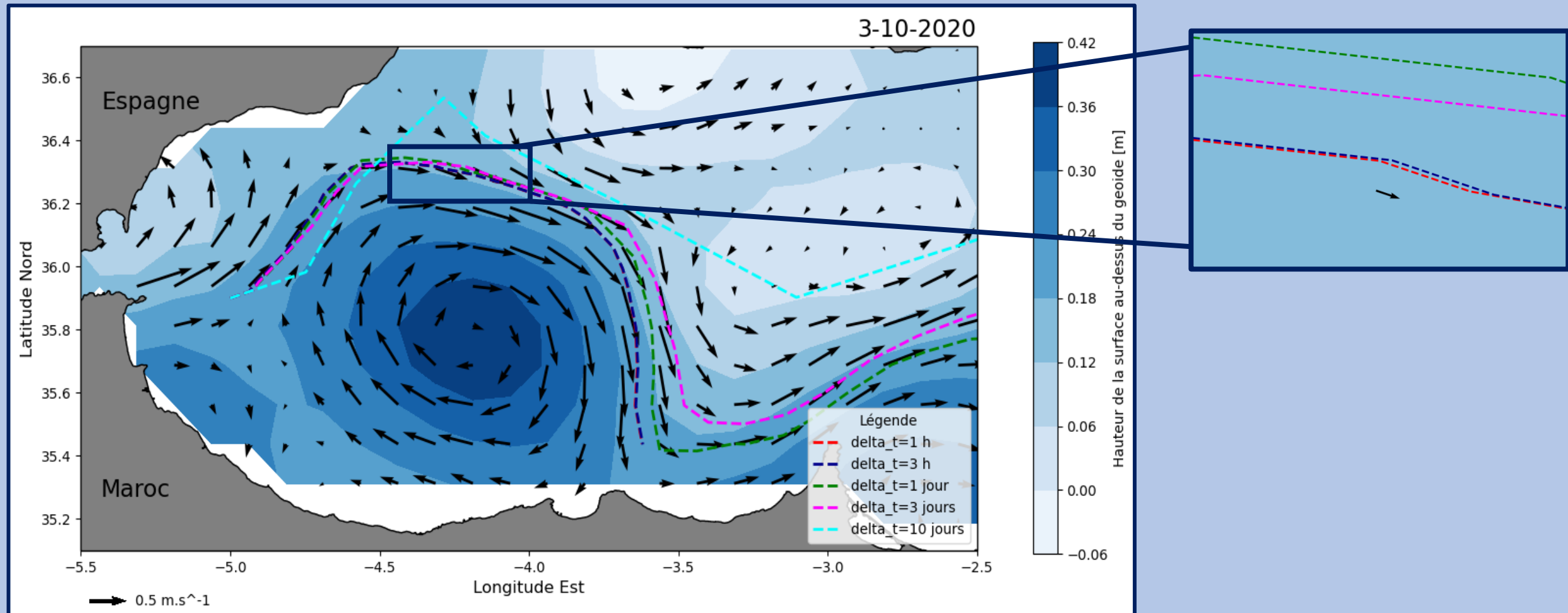


Fig. 7. Test de sensibilité n°1 pour  $\Delta t=1$  h ;  $\Delta t=3$  h ;  $\Delta t=1$  j ;  $\Delta t=3$  j ;  $\Delta t=10$  j



# Tests de sensibilité du pas de temps $\Delta t$ à partir de la composante advective

## Champ stationnaire sur 3 mois

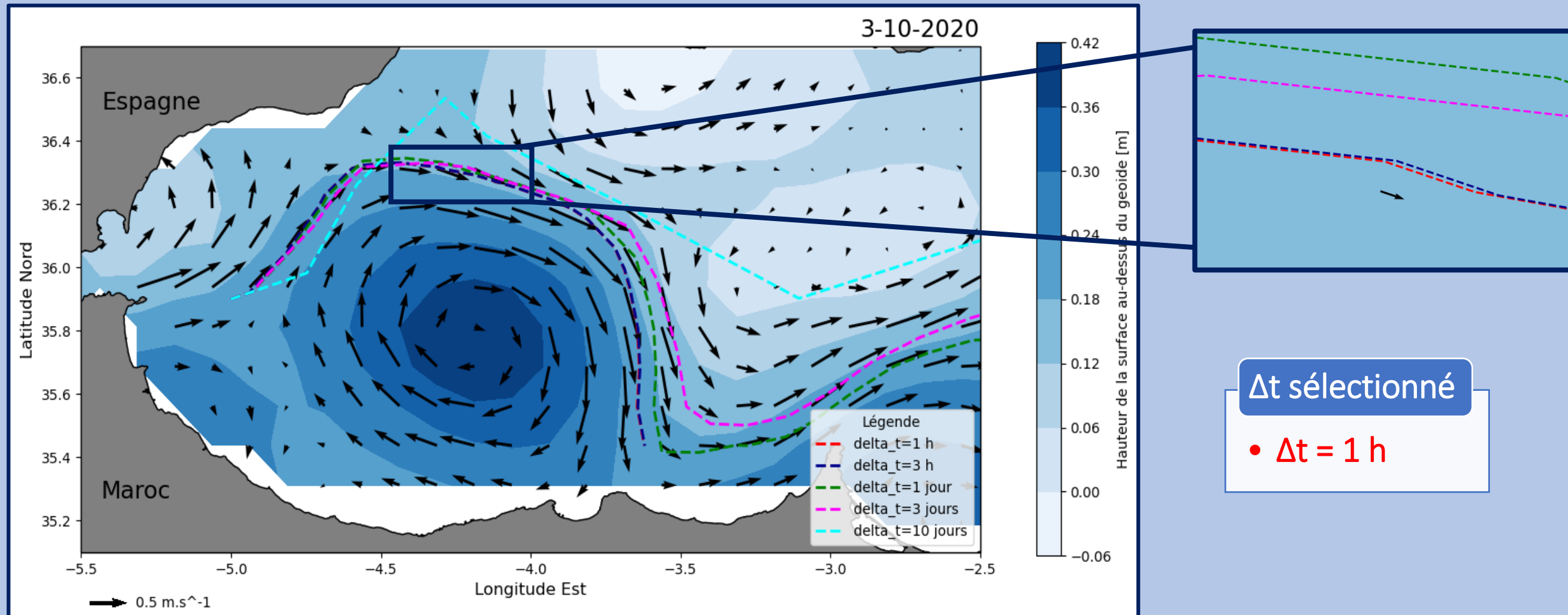


Fig. 7. Test de sensibilité n°1 pour  $\Delta t=1 \text{ h}$  ;  $\Delta t=3 \text{ h}$  ;  $\Delta t=1 \text{ j}$  ;  $\Delta t=3 \text{ j}$  ;  $\Delta t=10 \text{ j}$

# Tests du coefficient de diffusion $K_H$

## Champ variable sur 10 jours

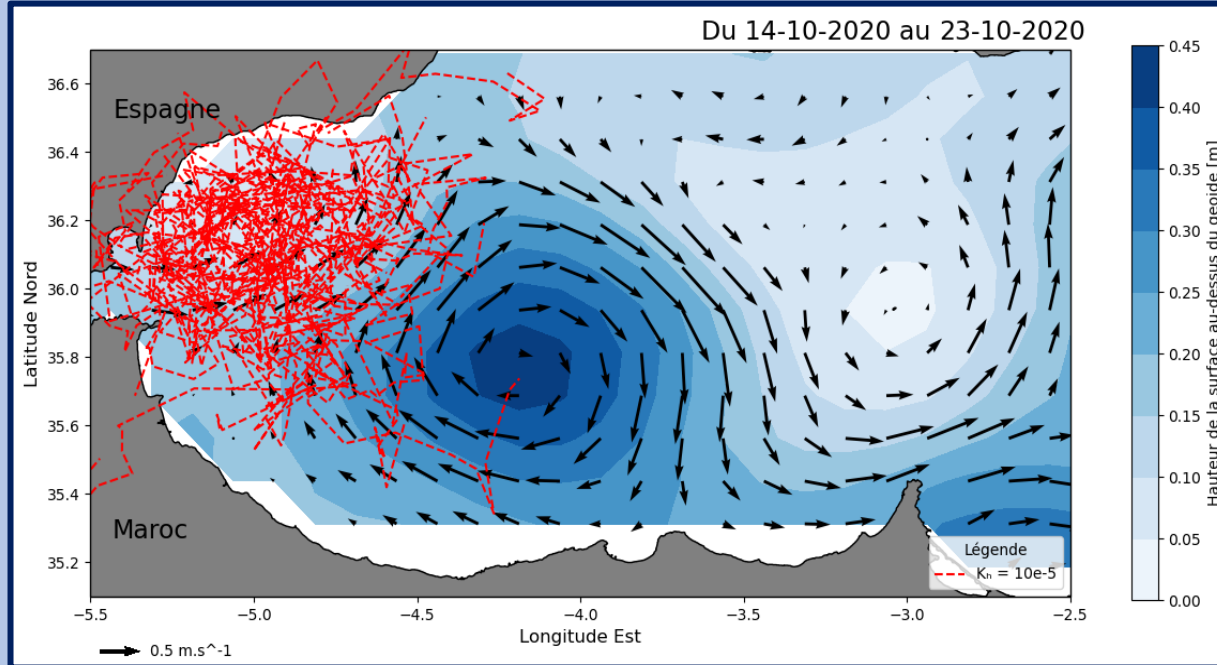


Fig. 8. Test du coefficient de diffusion pour  $K_H = 10^{-5} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$

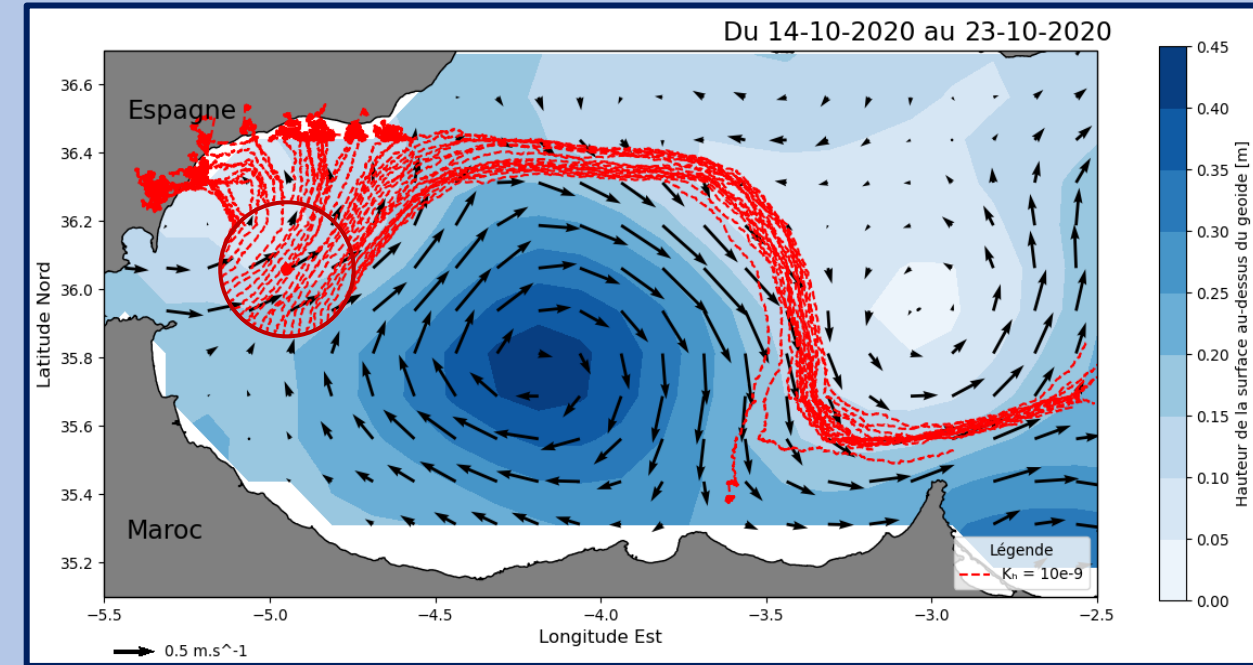


Fig. 9. Test du coefficient de diffusion pour  $K_H = 10^{-9} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$

# Tests du coefficient de diffusion $K_H$

## Champ variable sur 10 jours

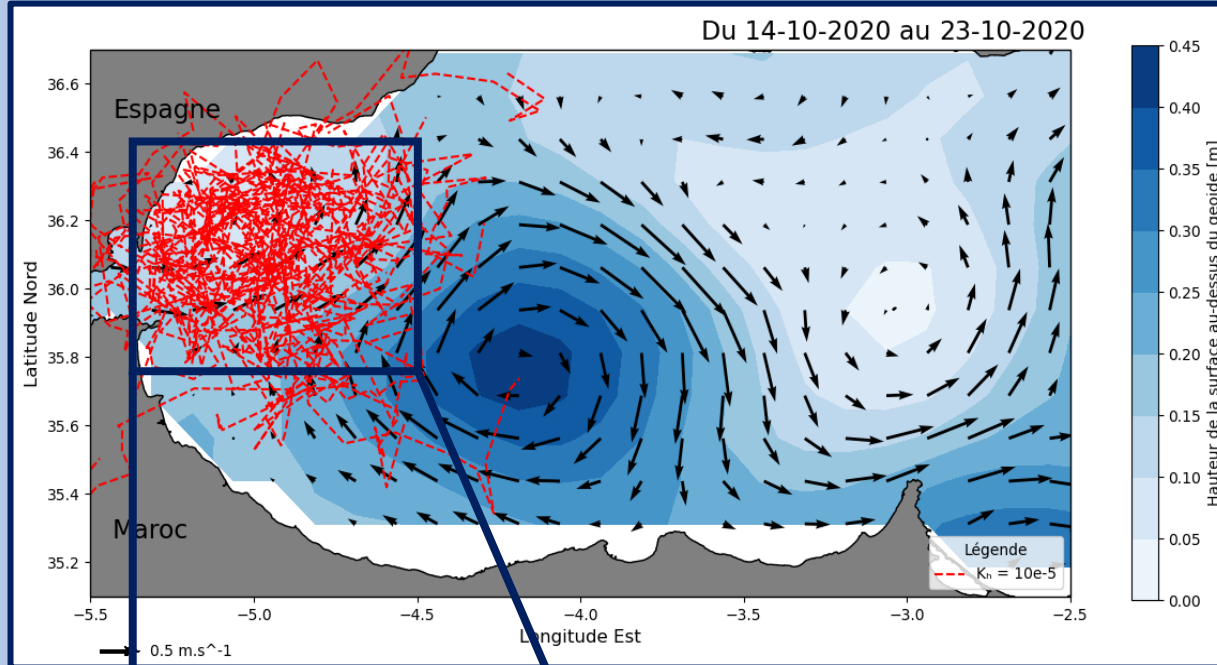


Fig. 8. Test du coefficient de diffusion pour  $K_H = 10^{-5} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$

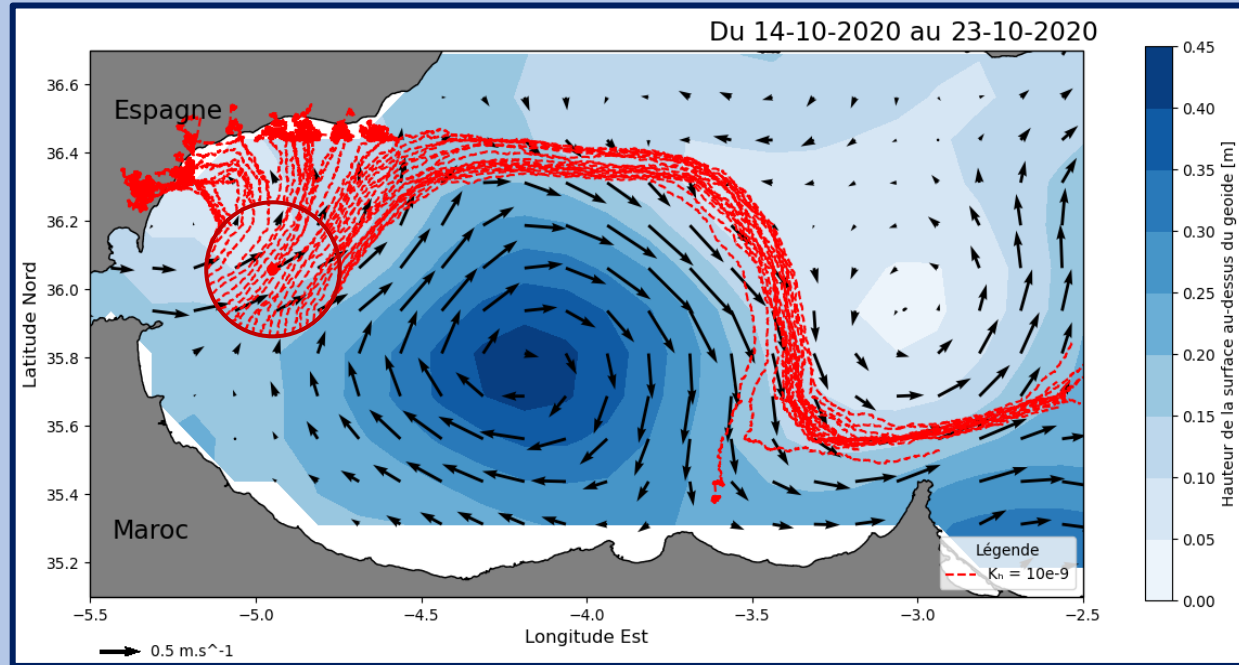
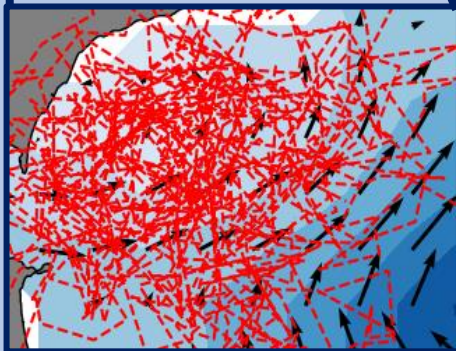


Fig. 9. Test du coefficient de diffusion pour  $K_H = 10^{-9} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$



La diffusion prédomine  
l'advection



# Tests du coefficient de diffusion $K_H$

## Champ variable sur 10 jours

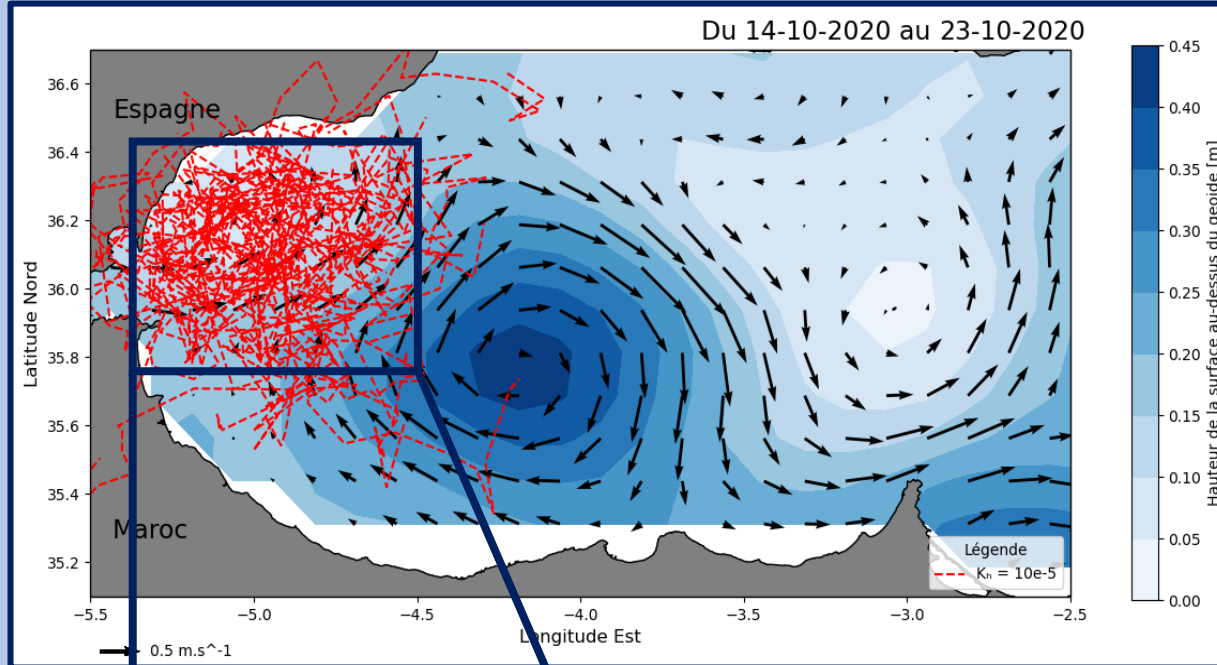
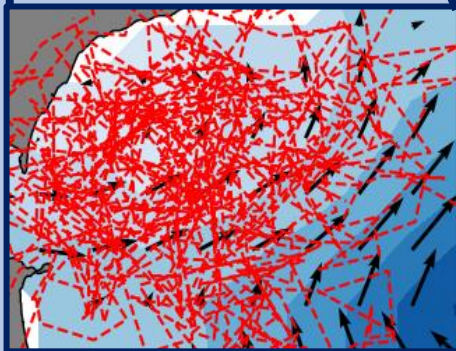


Fig. 8. Test du coefficient de diffusion pour  $K_H = 10^{-5} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$



La diffusion prédomine  
l'advection

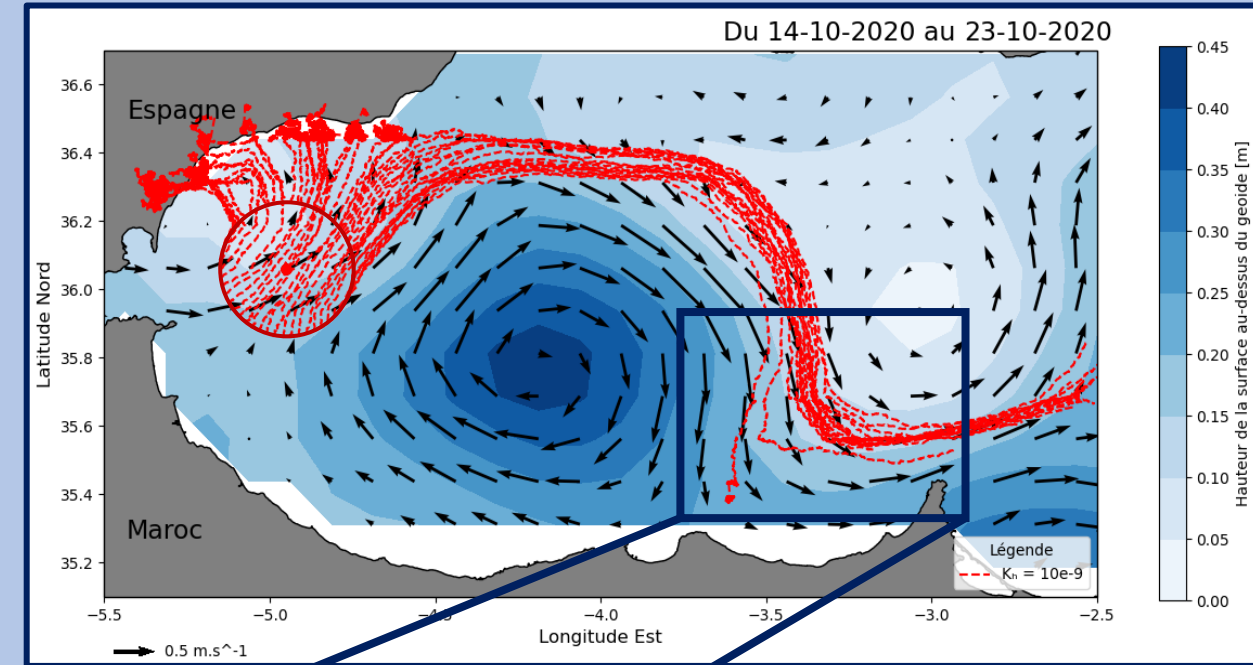
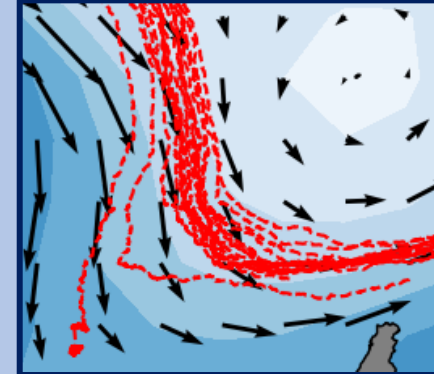


Fig. 9. Test du coefficient de diffusion pour  $K_H = 10^{-9} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$



L'advection prédomine  
la diffusion

# Tests du coefficient de diffusion $K_H$

## Champ variable sur 10 jours

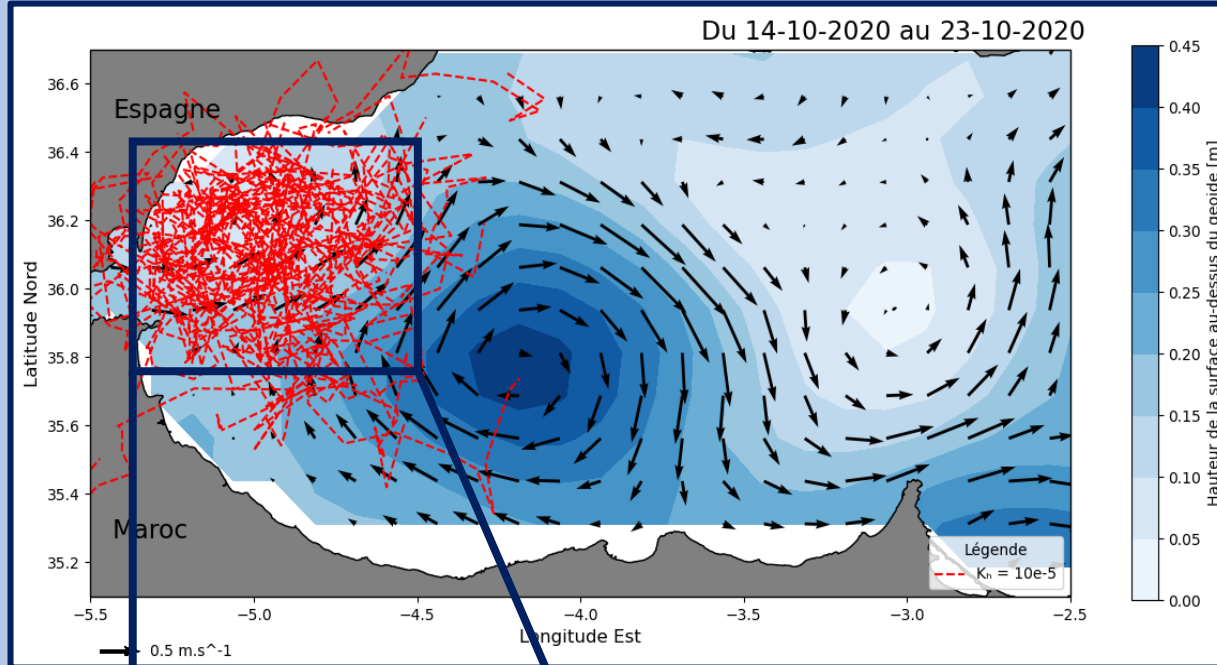
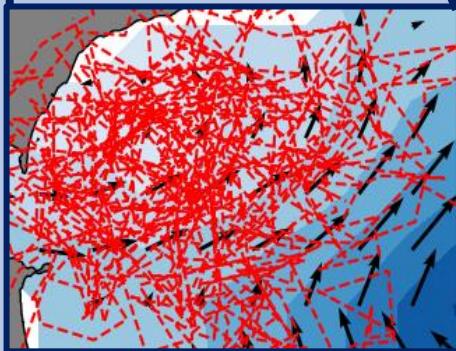


Fig. 8. Test du coefficient de diffusion pour  $K_H = 10^{-5} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$



La diffusion prédomine  
l'advection

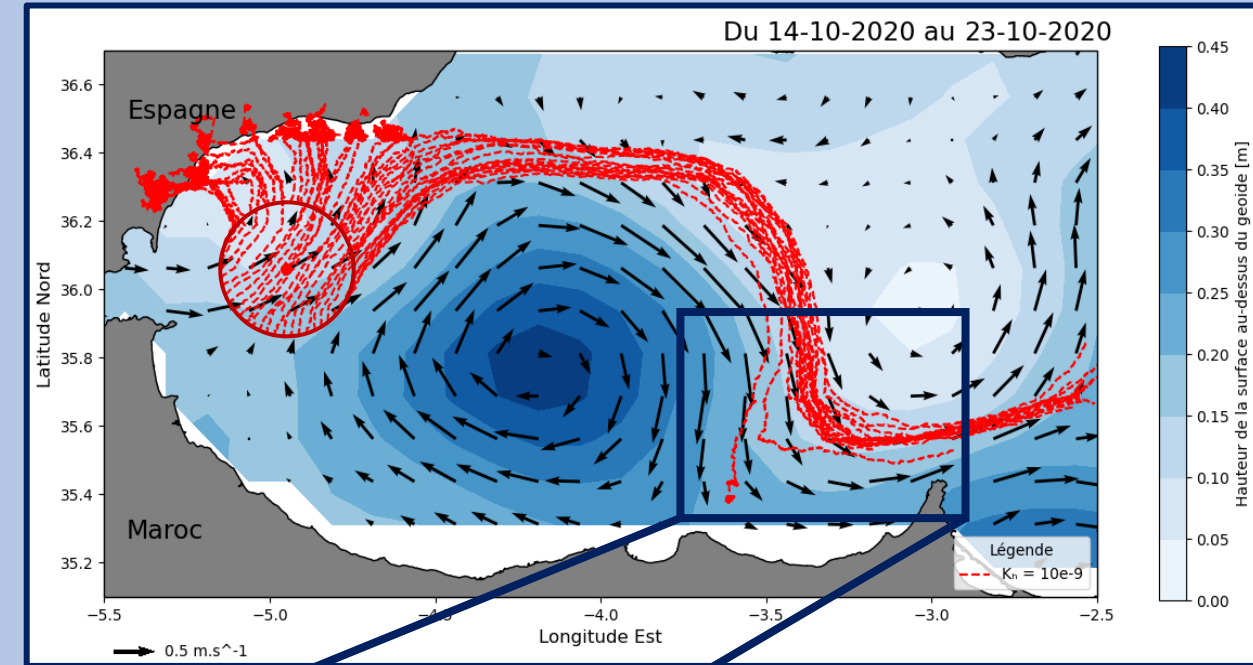
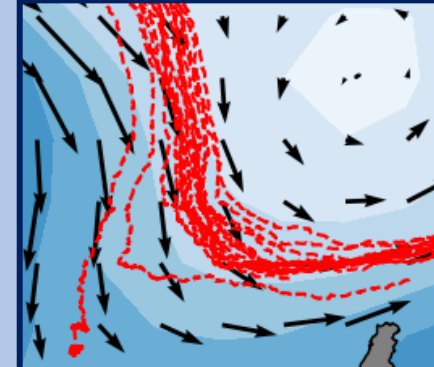


Fig. 9. Test du coefficient de diffusion pour  $K_H = 10^{-9} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$



L'advection prédomine  
la diffusion

$K_H$  sélectionné

- $K_H = 10^{-9} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$
- [Qiu et al., 2011]



# Comparaison des trajectoires simulées et des trajectoires des bouées de la campagne

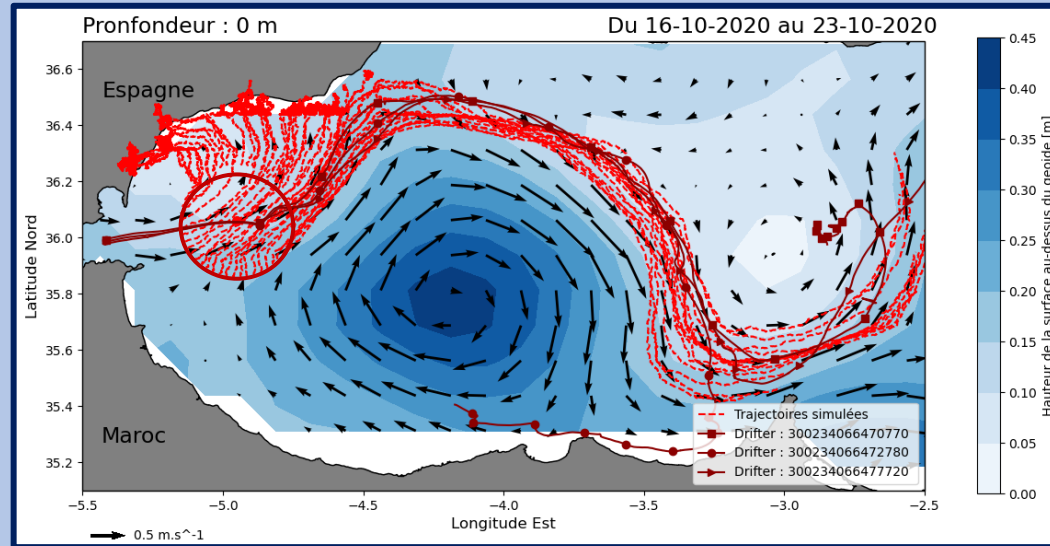


Fig. 10. Profondeur : 0 m; 50 particules

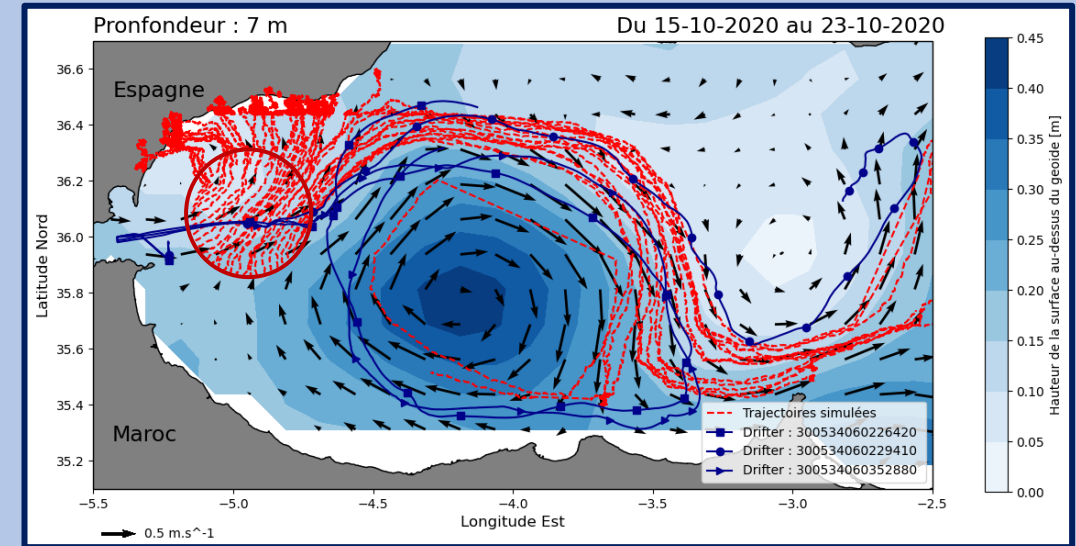


Fig. 11. Profondeur : 7 m; 50 particules

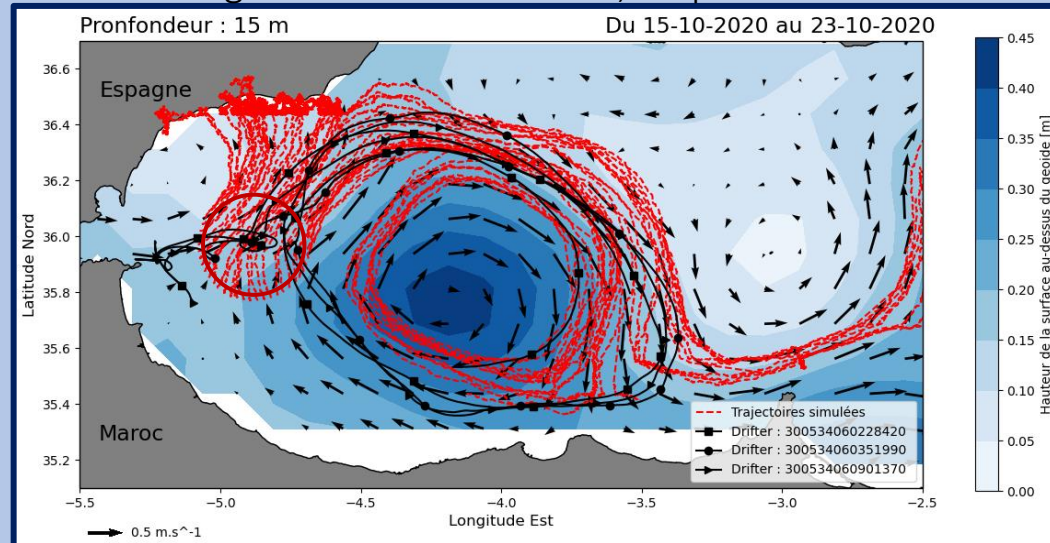


Fig. 12. Profondeur : 15 m; 50 particules

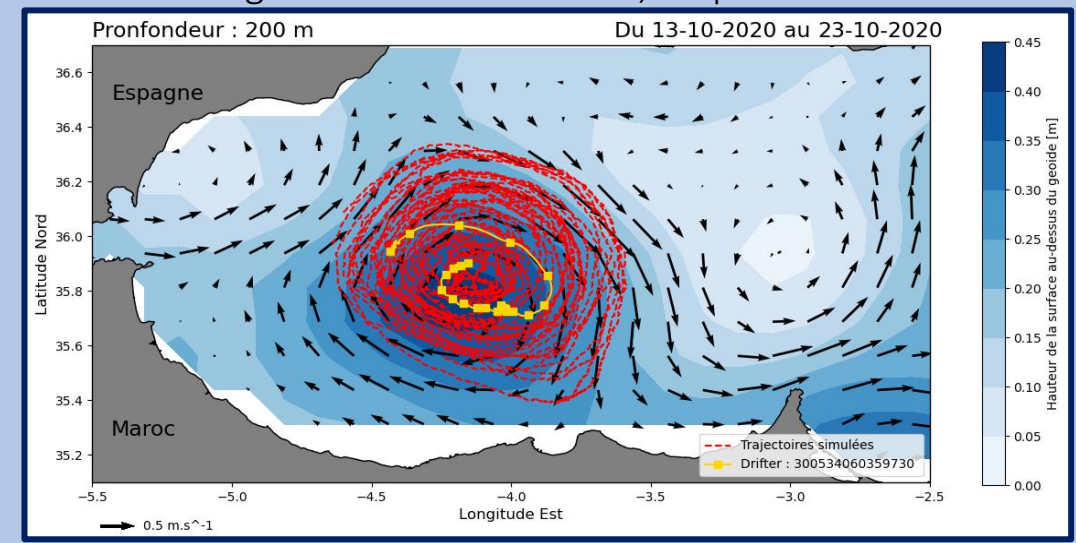


Fig. 13. Profondeur : 200 m; 10 particules



# Comparaison des trajectoires simulées et des trajectoires des bouées de la campagne

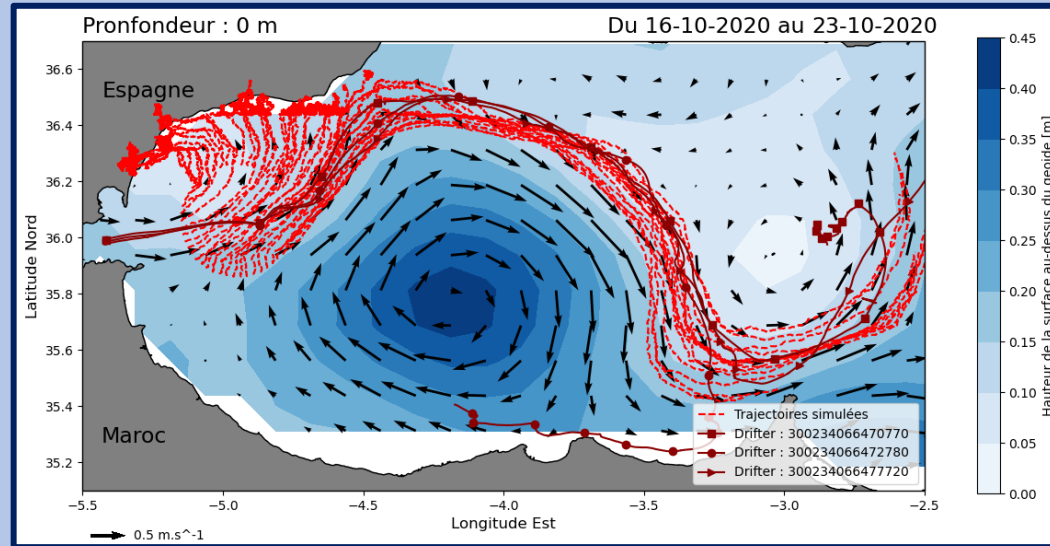


Fig. 10. Profondeur : 0 m; 50 particules

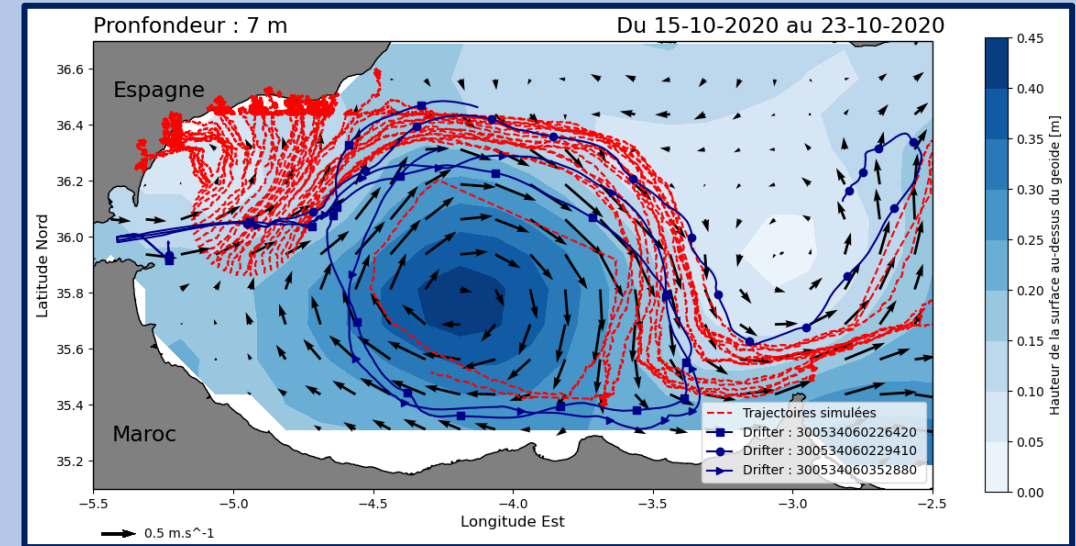


Fig. 11. Profondeur : 7 m; 50 particules

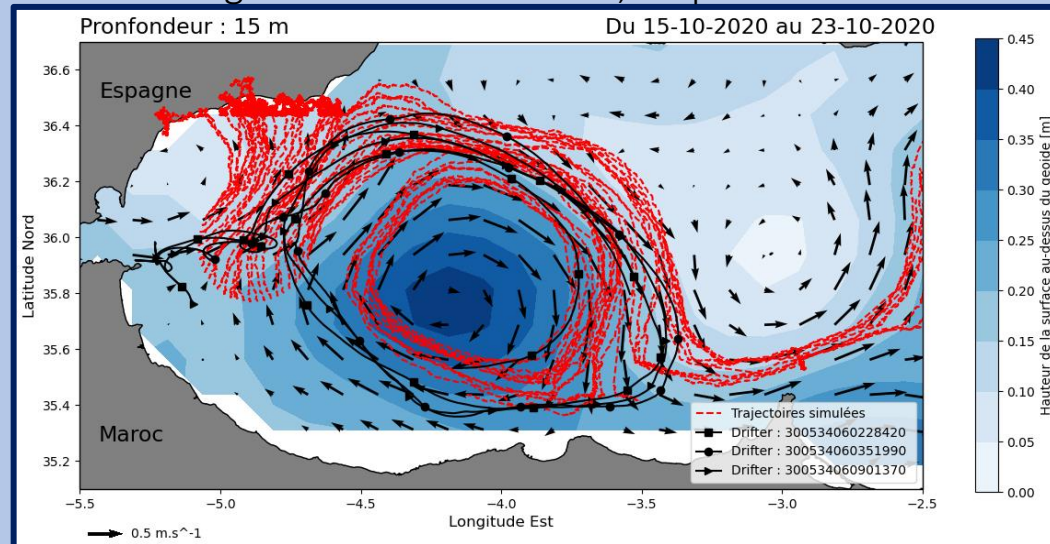


Fig. 12. Profondeur : 15 m; 50 particules

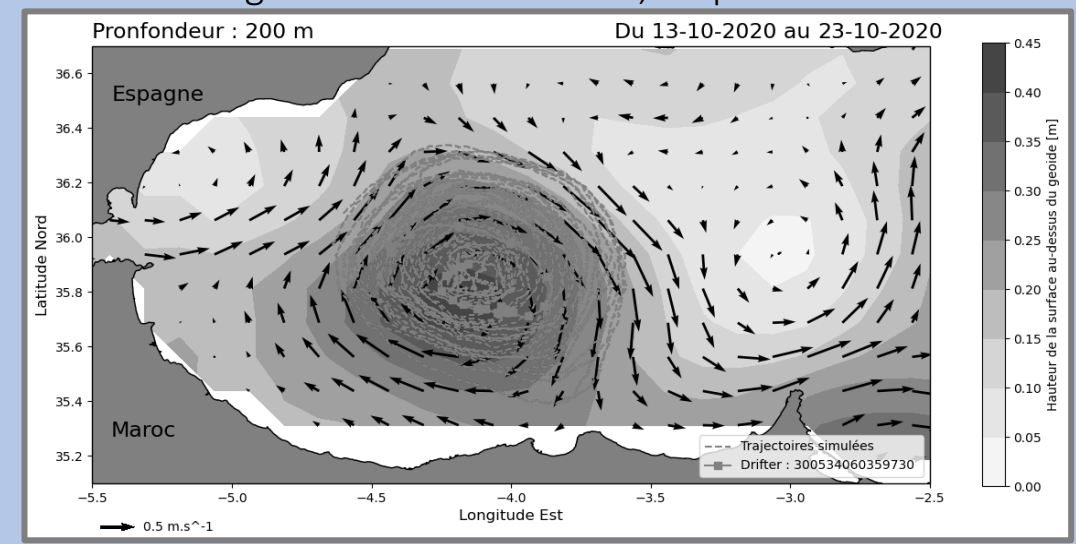


Fig. 13. Profondeur : 200 m; 10 particules

# Comparaison des trajectoires simulées et des trajectoires des bouées de la campagne

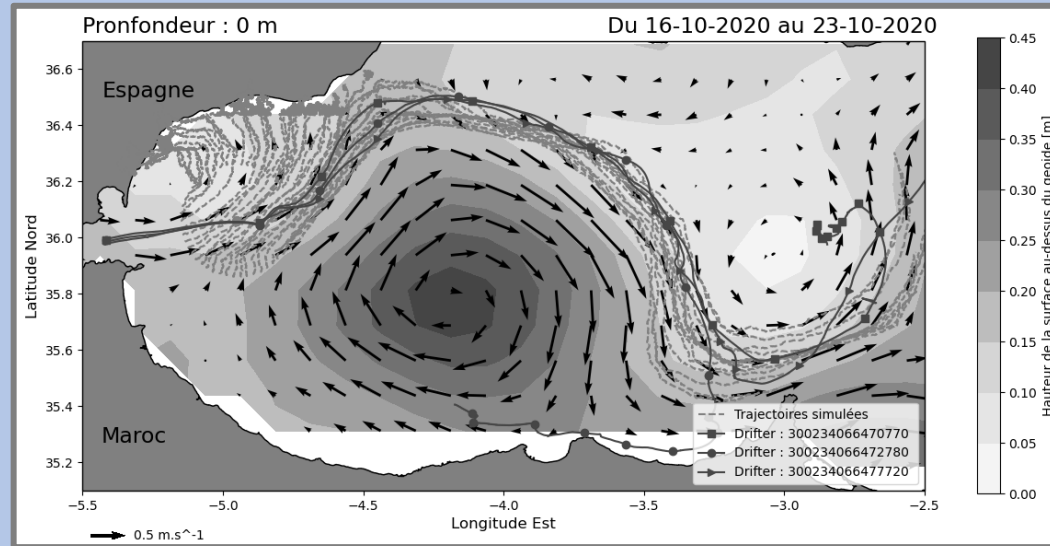


Fig. 10. Profondeur : 0 m; 50 particules

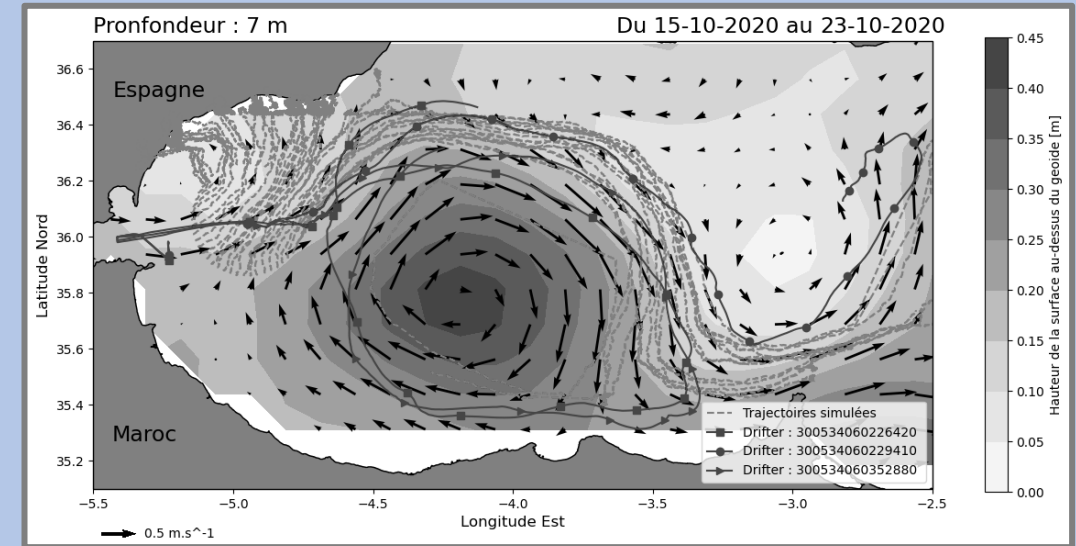


Fig. 11. Profondeur : 7 m; 50 particules

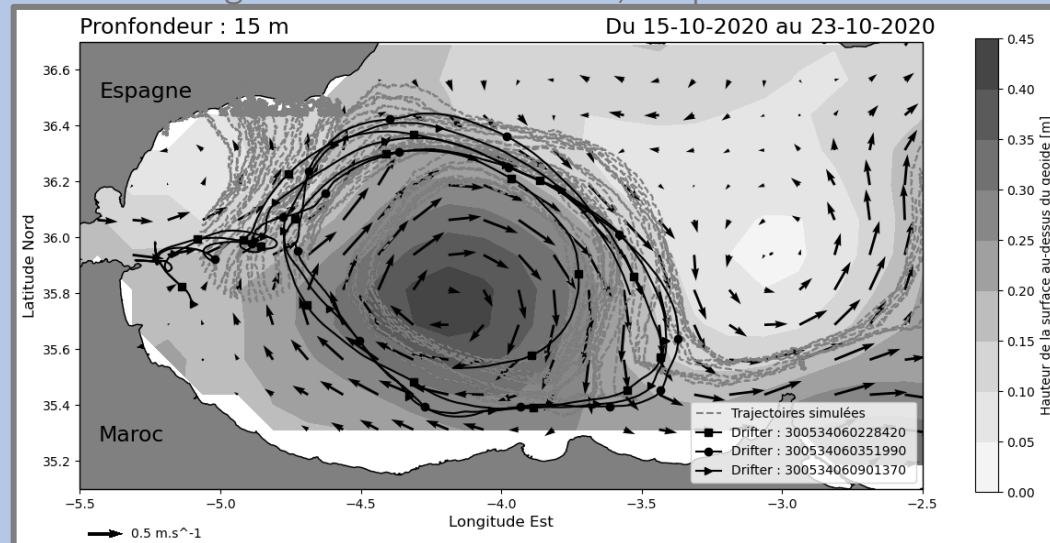


Fig. 12. Profondeur : 15 m; 50 particules

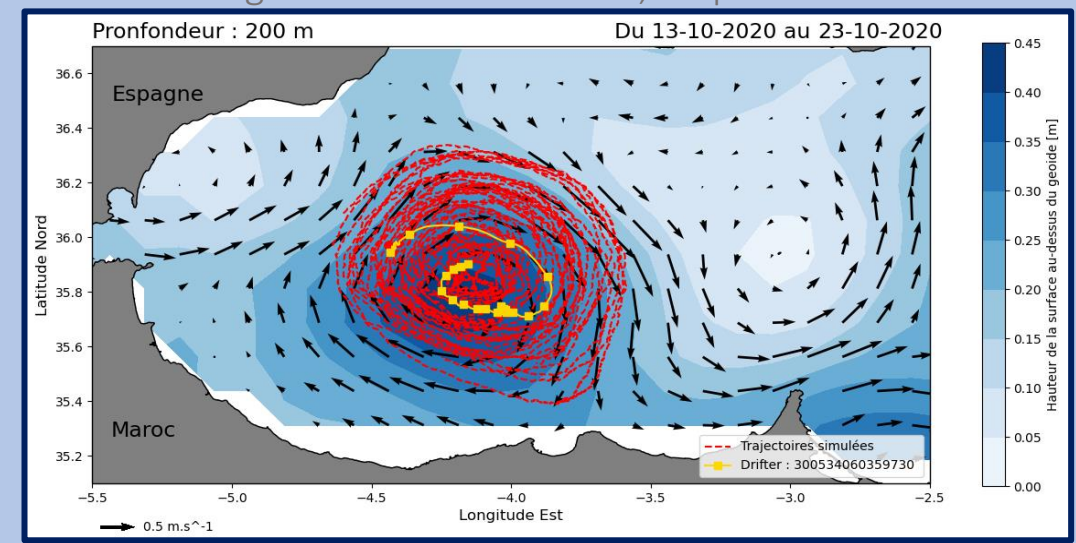


Fig. 13. Profondeur : 200 m; 10 particules



# Interprétation des comparaisons des trajectoires

## Profondeurs de surface

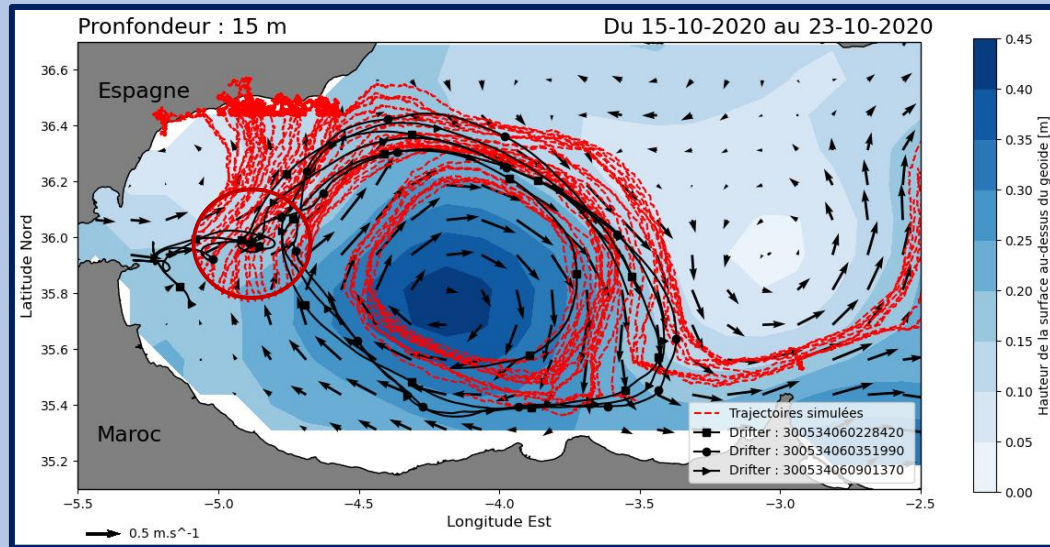


Fig. 14. Profondeur : 15 m; 50 particules

# Interprétation des comparaisons des trajectoires

## Profondeurs de surface

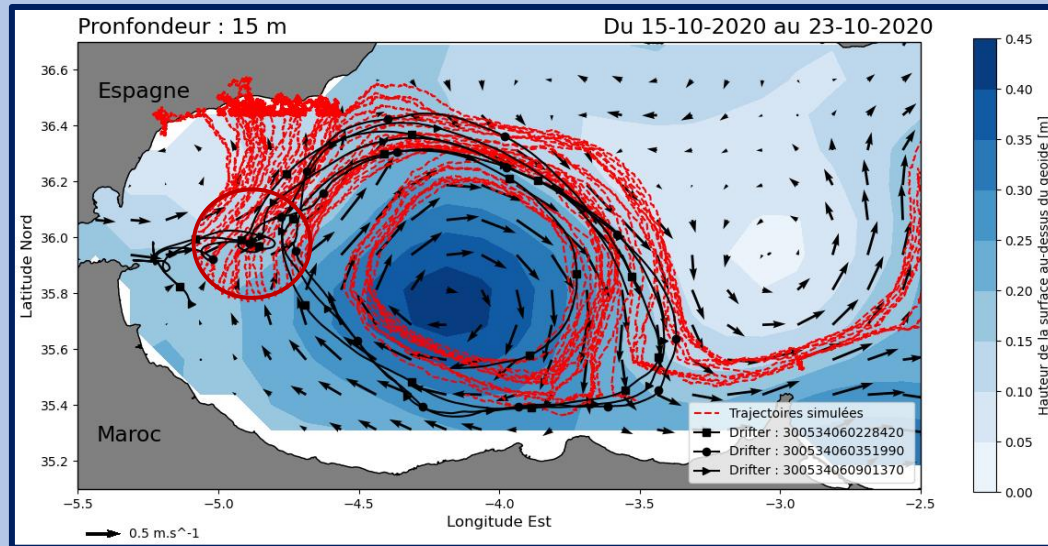


Fig. 14. Profondeur : 15 m; 50 particules

Constat

Trajectoires simulées  
**non similaires** aux  
trajectoires des bouées

Nécessité de  
trajectoires moyennes

Origine

Erreurs liées à une  
insuffisance des  
données d'entrée

## Interprétation des comparaisons des trajectoires

### Profondeurs de surface

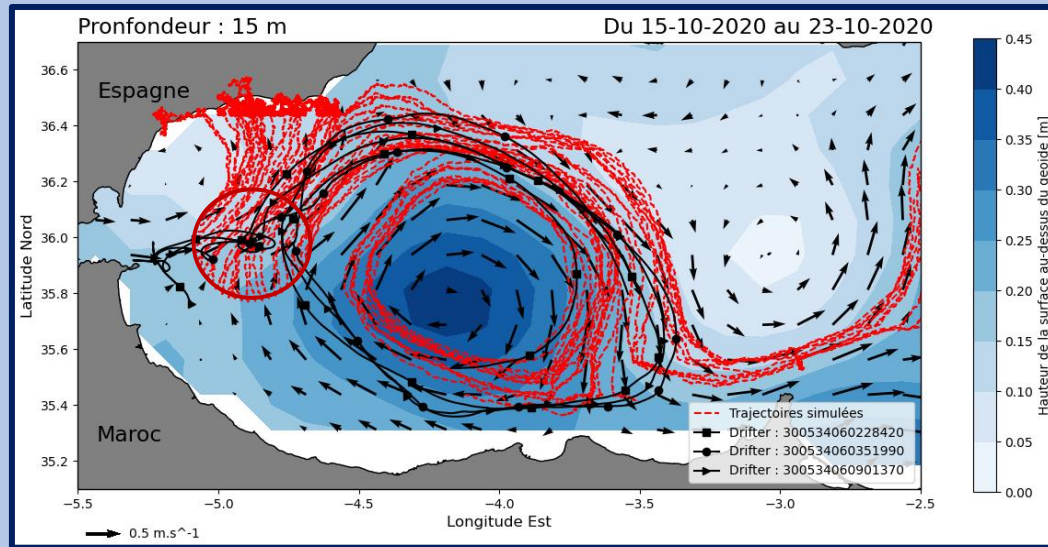


Fig. 14. Profondeur : 15 m; 50 particules

Constat

Trajectoires simulées  
**non similaires** aux  
trajectoires des bouées

Nécessité de  
trajectoires moyennes

Origine

Erreurs liées aux  
données d'entrée

### Profondeurs importantes

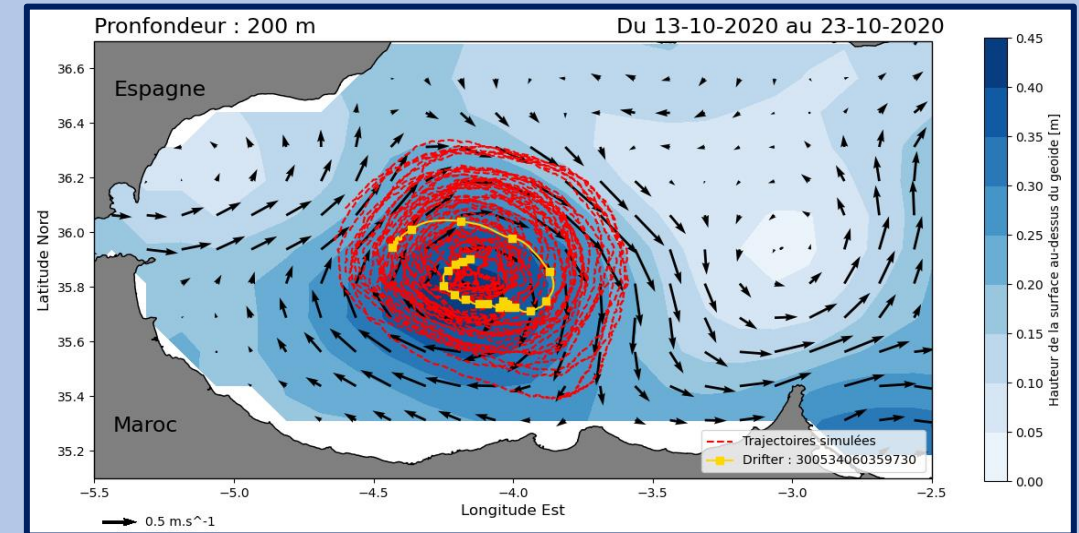


Fig. 15. Profondeur : 200 m; 10 particules



# Interprétation des comparaisons des trajectoires

## Profondeurs de surface

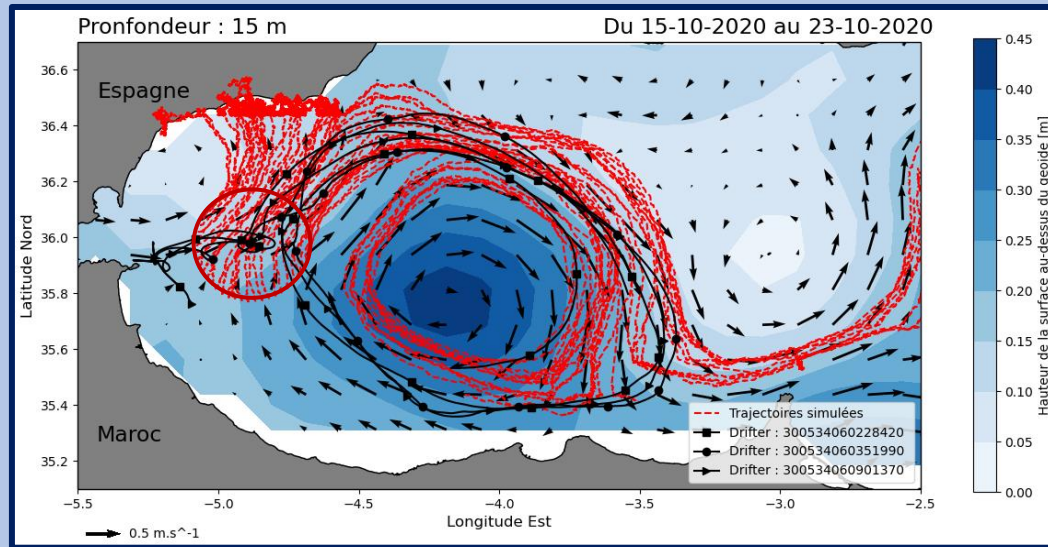


Fig. 14. Profondeur : 15 m; 50 particules

### Constat

Trajectoires simulées  
**non similaires** aux  
trajectoires des bouées

Nécessité de  
trajectoires moyennes

### Origine

Erreurs liées aux  
données d'entrée

## Profondeurs importantes

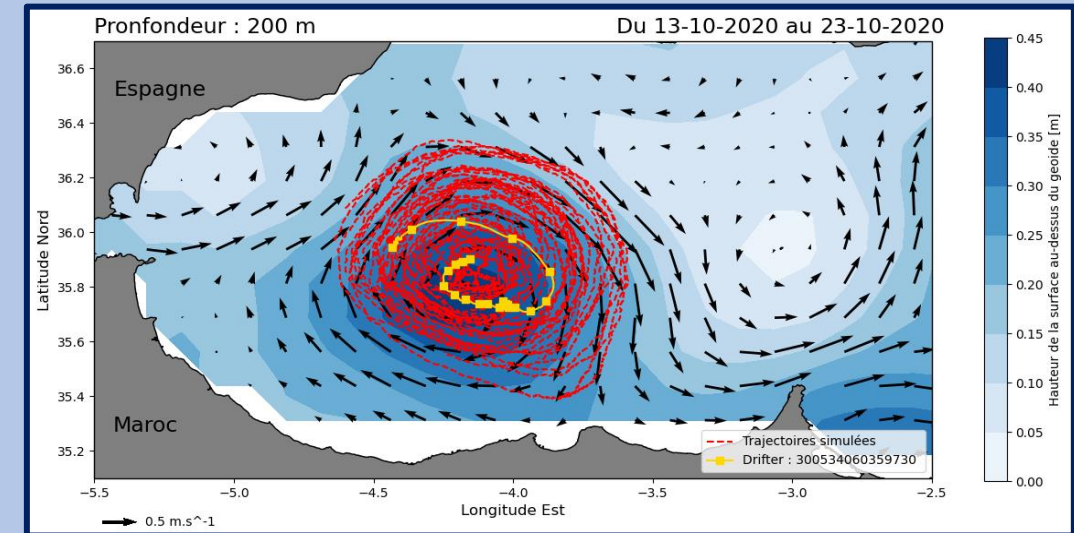


Fig. 15. Profondeur : 200 m; 10 particules

### Constat

Vitesse **lente** des  
bouées ;  
Vitesse **très rapide** des  
particules **simulées**

**Piégeage** des particules  
dans la gyre

### Origine

Intégration des  
trajectoires de surface

# Des approximations à l'origine de sources d'erreurs

## Erreurs liées au modèle numérique

### Méthode d'Euler

# Des approximations à l'origine de sources d'erreurs

## Erreurs liées au modèle numérique

Méthode d'Euler



Simple à numériser



Fortes approximations  
de la discrétisation

## Des approximations à l'origine de sources d'erreurs

### Erreurs liées au modèle numérique

Méthode d'Euler

Méthode Runge-Kutta

Simple à numériser

Fortes approximations  
de la discrétisation

## Des approximations à l'origine de sources d'erreurs

### Erreurs liées au modèle numérique

Méthode d'Euler

**Simple** à numériser

Fortes approximations  
de la discrétisation

Méthode Runge-Kutta

Repose sur le même  
principe qu'Euler

Plus **complexe** & plus  
**fiable**

## Des approximations à l'origine de sources d'erreurs

### Erreurs liées au modèle numérique

#### Méthode d'Euler

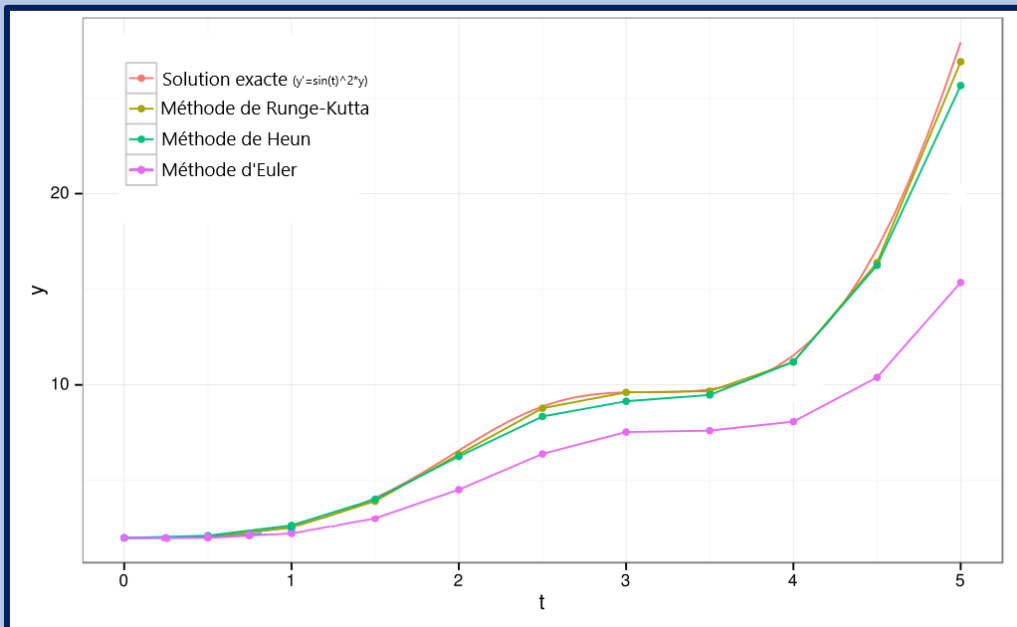
Simple à numériser

Fortes approximations  
de la discrétisation

#### Méthode Runge-Kutta

Repose sur le même  
principe qu'Euler

Plus **complexe** & plus  
**fiable**



Tiré et modifié à partir du site:  
[https://en.wikipedia.org/wiki/Runge%E2%80%93Kutta\\_methods](https://en.wikipedia.org/wiki/Runge%E2%80%93Kutta_methods)

Fig. 16. Comparaison des méthodes d'Euler et Runge-Kutta, avec l'exemple de l'équation différentielle  $y' = \sin(t)^2 y$



## Des approximations à l'origine de sources d'erreurs

### Erreurs liées au modèle numérique

#### Méthode d'Euler

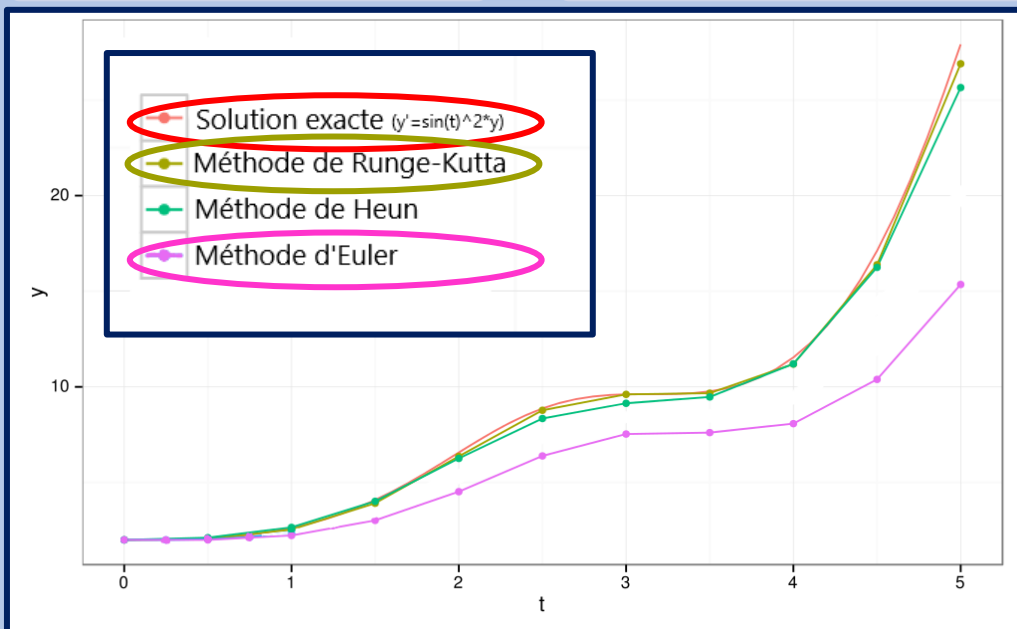
Simple à numériser

Fortes approximations  
de la discrétisation

#### Méthode Runge-Kutta

Repose sur le même  
principe qu'Euler

Plus **complexe** & plus  
**fiable**



Tiré et modifié à partir du site:  
[https://en.wikipedia.org/wiki/Runge%E2%80%93Kutta\\_methods](https://en.wikipedia.org/wiki/Runge%E2%80%93Kutta_methods)

Fig. 16. Comparaison des méthodes d'Euler et Runge-Kutta, avec l'exemple de l'équation différentielle  $y' = \sin(t)^2 y$

## Des approximations à l'origine de sources d'erreurs

### Erreurs liées au modèle numérique

#### Méthode d'Euler

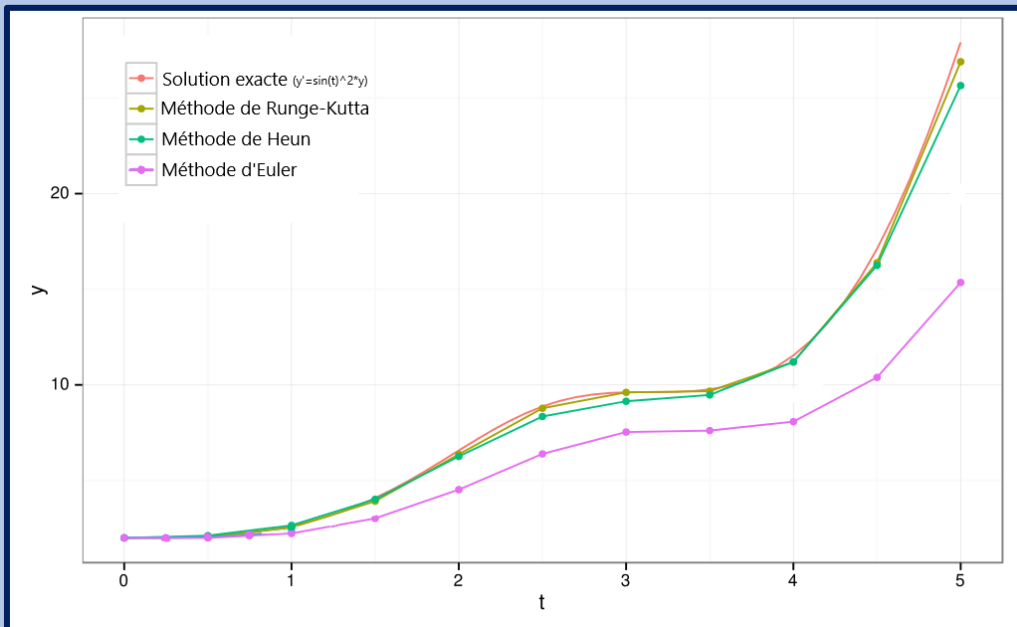
Simple à numériser

Fortes approximations de la discrétisation

#### Méthode Runge-Kutta

Repose sur le même principe qu'Euler

Plus **complexe** & plus **fiable**



Tiré et modifié à partir du site : [https://en.wikipedia.org/wiki/Runge%E2%80%93Kutta\\_methods](https://en.wikipedia.org/wiki/Runge%E2%80%93Kutta_methods)

### Erreurs liées aux données d'entrée

Insuffisance des données d'entrée

Résolution trop faible de  $1/8^{\text{ème}}$  de degré

Fig. 16. Comparaison des méthodes d'Euler et Runge-Kutta, avec l'exemple de l'équation différentielle  $y' = \sin(t)^2 y$

## Des approximations à l'origine de sources d'erreurs

### Erreurs liées au modèle numérique

#### Méthode d'Euler

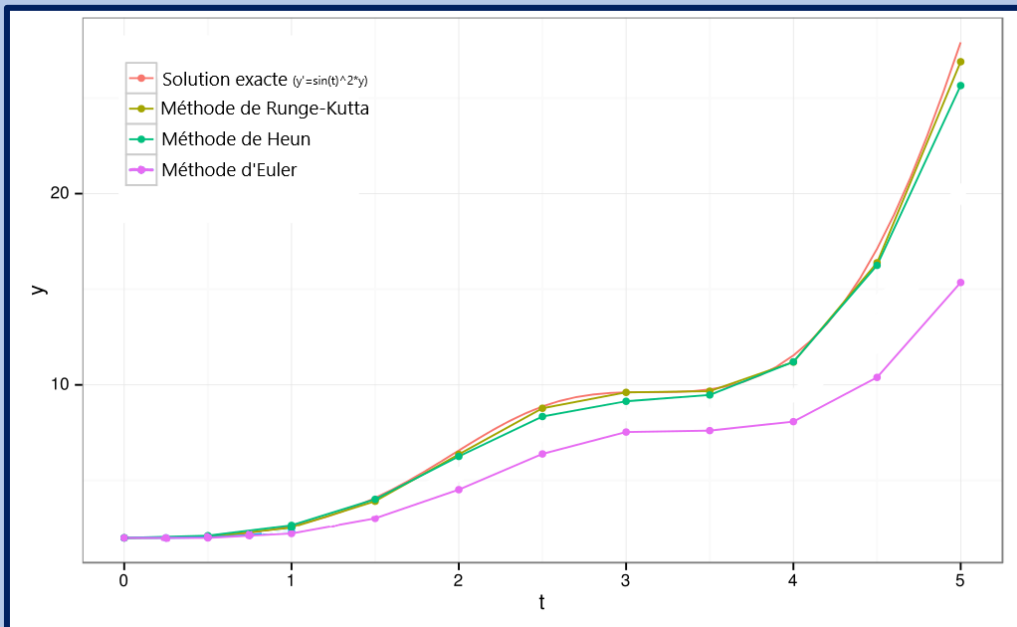
Simple à numériser

Fortes approximations de la discrétisation

#### Méthode Runge-Kutta

Repose sur le même principe qu'Euler

Plus **complexe** & plus **fiable**



Tiré et modifié à partir du site : [https://en.wikipedia.org/wiki/Runge%E2%80%93Kutta\\_methods](https://en.wikipedia.org/wiki/Runge%E2%80%93Kutta_methods)

### Erreurs liées aux données d'entrée

#### Insuffisance des données d'entrée

Résolution trop faible de  $1/8^{\text{ème}}$  de degré

#### Approximations des données d'entrée

Approximation géostrophique

Fig. 16. Comparaison des méthodes d'Euler et Runge-Kutta, avec l'exemple de l'équation différentielle  $y' = \sin(t)^2 y$

## Des approximations à l'origine de sources d'erreurs

### Erreurs liées au modèle numérique

#### Méthode d'Euler

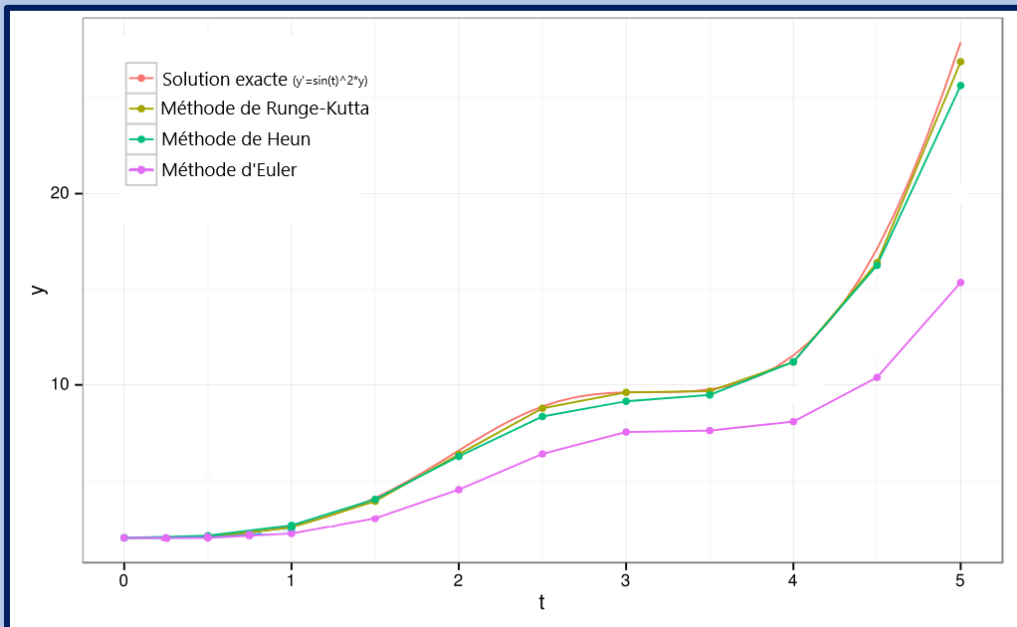
Simple à numériser

Fortes approximations de la discrétisation

#### Méthode Runge-Kutta

Repose sur le même principe qu'Euler

Plus **complexe** & plus **fiable**



Tiré et modifié à partir du site : [https://en.wikipedia.org/wiki/Runge%E2%80%93Kutta\\_methods](https://en.wikipedia.org/wiki/Runge%E2%80%93Kutta_methods)

Fig. 16. Comparaison des méthodes d'Euler et Runge-Kutta, avec l'exemple de l'équation différentielle  $y' = \sin(t)^2 y$

### Erreurs liées aux données d'entrée

Insuffisance des données d'entrée

Résolution trop faible de  $1/8^{\text{ème}}$  de degré

Approximations des données d'entrée

Approximation géostrophique

### Erreurs liées à la projection cartographique

Erreur de conversion

Simple conversion des coordonnées métriques en degré

## Application du modèle pour la campagne PARTY

Chef de mission



Frederic Le Moigne,  
chercheur au MIO

## Application du modèle pour la campagne PARTY

### Chef de mission

Frederic Le Moigne,  
chercheur au MIO

### Cadre spatio-temporel

Au large de Saint-Tropez, du  
03/05/2021 au 09/05/2021



## Application du modèle pour la campagne PARTY

### Chef de mission

Frederic Le Moigne,  
chercheur au MIO

### Cadre spatio-temporel

Au large de Saint-Tropez, du  
03/05/2021 au 09/05/2021

### Objectifs de la campagne

Analyses chimiques à partir  
de prélèvements *in situ* de  
neige marine

## Application du modèle pour la campagne PARTY

### Chef de mission

Frederic Le Moigne,  
chercheur au MIO

### Cadre spatio-temporel

Au large de Saint-Tropez, du  
03/05/2021 au 09/05/2021

### Objectifs de la campagne

Analyses chimiques à partir  
de prélèvements *in situ* de  
neige marine

### Moyens

Instruments montés sur des  
lignes dérivantes

# Application du modèle pour la campagne PARTY

## Chef de mission

Frederic Le Moigne,  
chercheur au MIO

## Cadre spatio-temporel

Au large de Saint-Tropez, du  
03/05/2021 au 09/05/2021

## Objectifs de la campagne

Analyses chimiques à partir  
de prélèvements *in situ* de  
neige marine

## Moyens

Instruments montés sur des  
lignes dérivantes

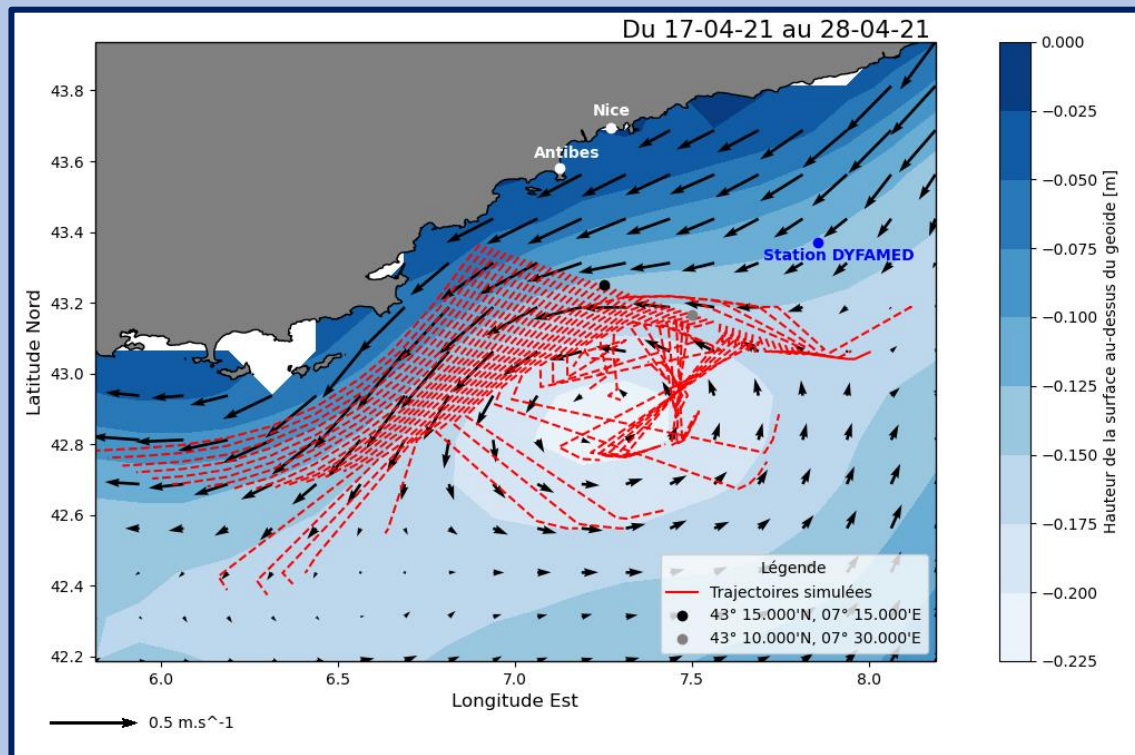


Fig. 17. Simulation de trajectoires au large de Saint-Tropez

# Application du modèle pour la campagne PARTY

## Chef de mission

## Cadre spatio-temporel

## Objectifs de la campagne

## Moyens

Frederic Le Moigne,  
chercheur au MIO

Au large de Saint-Tropez, du  
03/05/2021 au 09/05/2021

Analyses chimiques à partir  
de prélèvements *in situ* de  
neige marine

Instruments montés sur des  
lignes dérivantes

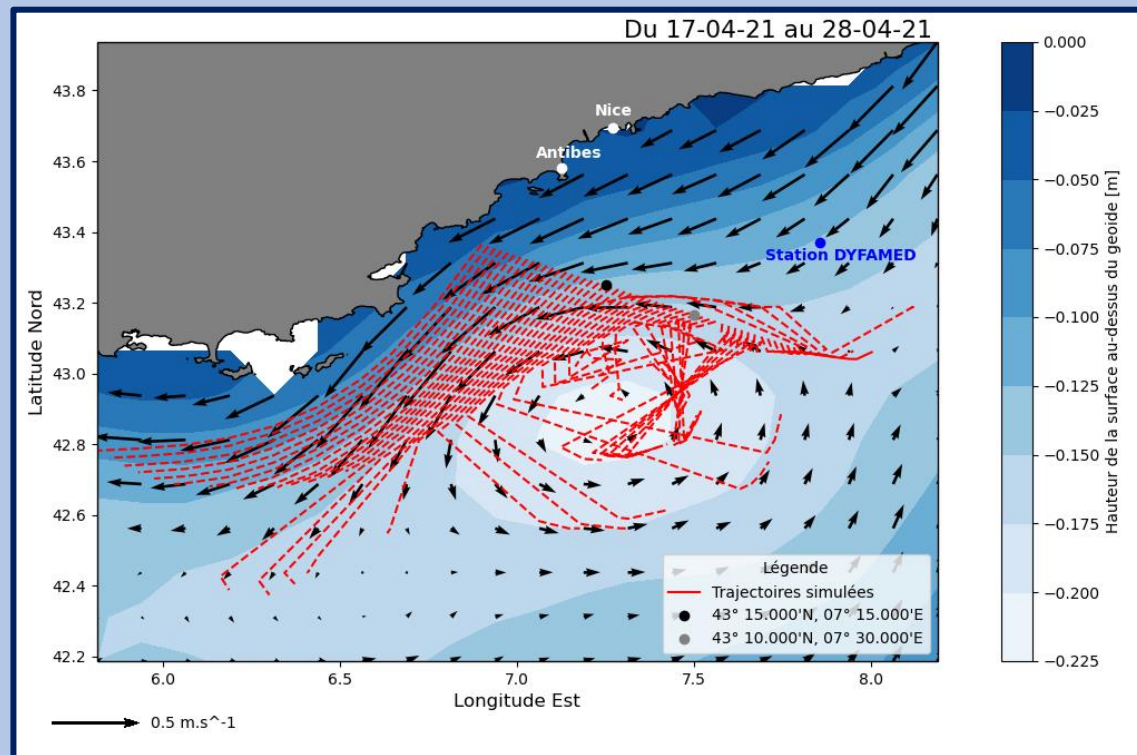


Fig. 17. Simulation de trajectoires au large de Saint-Tropez

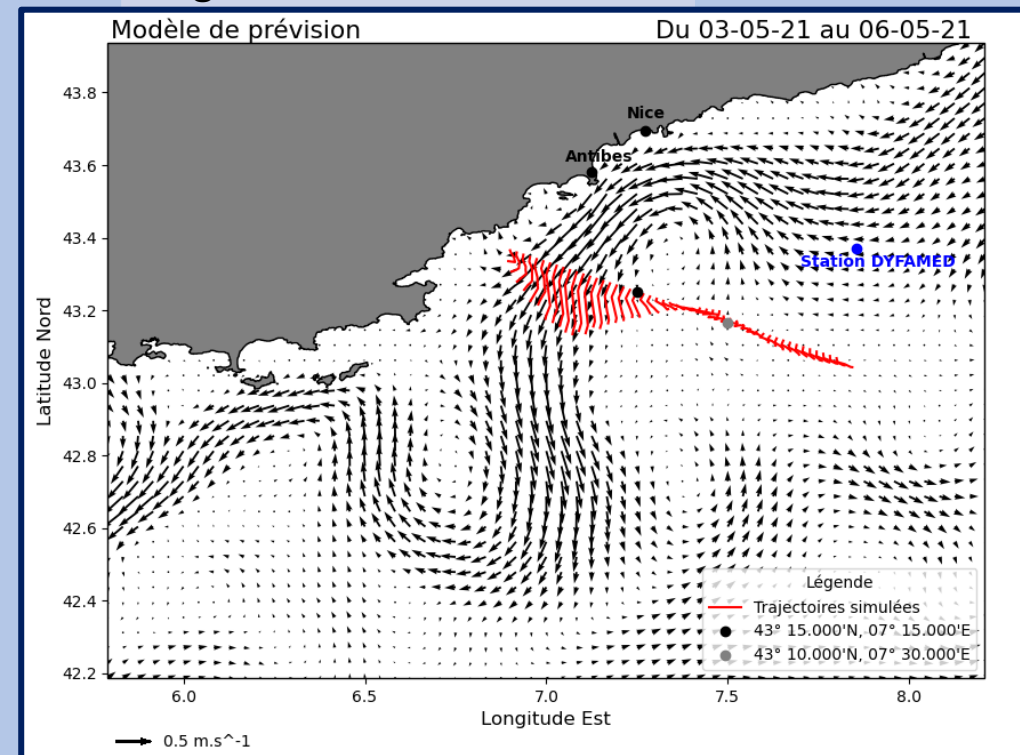


Fig. 18. Modèle de prévision au large de Saint-Tropez



# Application du modèle pour la campagne PARTY

## Chef de mission

## Cadre spatio-temporel

## Objectifs de la campagne

## Moyens

Frederic Le Moigne,  
chercheur au MIO

Au large de Saint-Tropez, du  
03/05/2021 au 09/05/2021

Analyses chimiques à partir  
de prélèvements *in situ* de  
neige marine

Instruments montés sur des  
lignes dérivantes

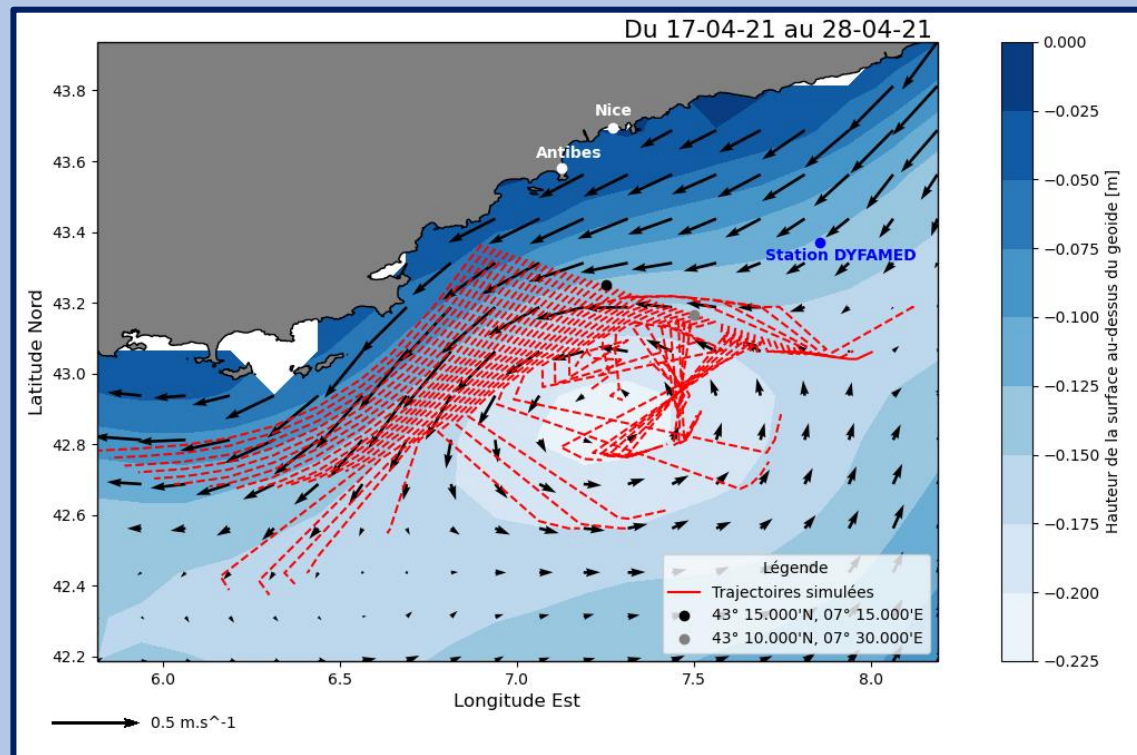


Fig. 17. Simulation de trajectoires au large de Saint-Tropez

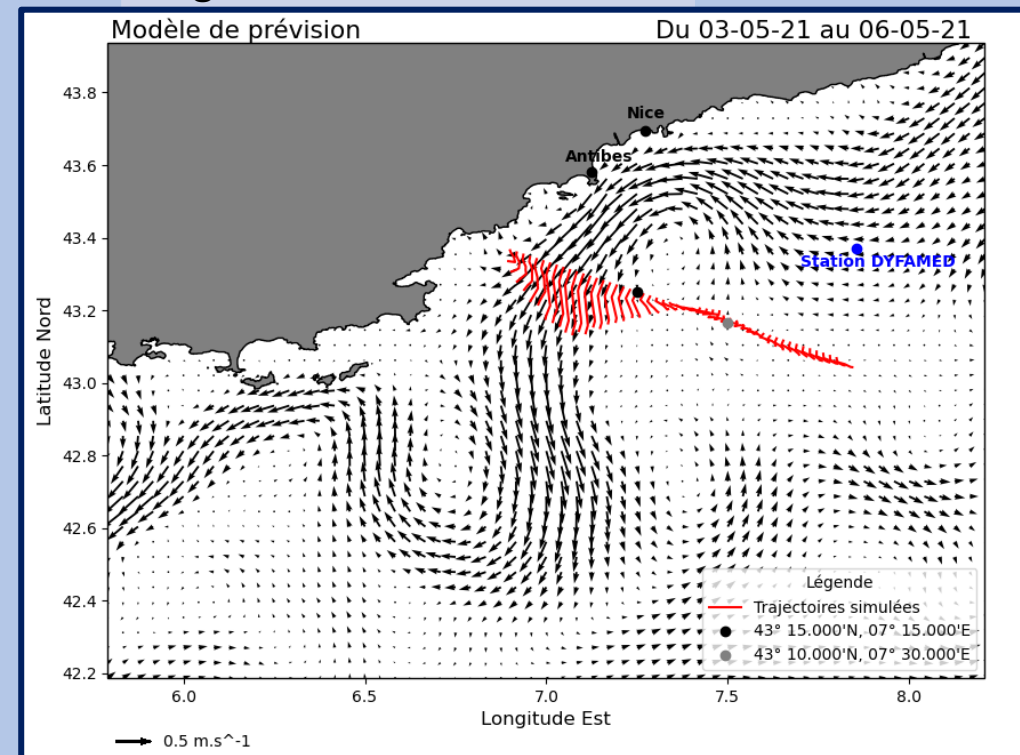


Fig. 18. Modèle de prévision au large de Saint-Tropez

Zone de  
largage

• 43° 15'N  
7° 15'E



## Schéma d'Euler

Modèle développé en langage  
Python

## Schéma d'Euler

Modèle développé en langage  
**Python**

### Avantages

- Pratique, simple d'utilisation
- Adaptable
- ➔ Très satisfaisant

## Schéma d'Euler

Modèle développé en langage  
**Python**

### Avantages

- Pratique, simple d'utilisation
- Adaptable
- ➔ Très satisfaisant

### Limites

- Pas de prévision avec précision des trajectoires des bouées dérivantes

## Schéma d'Euler

Modèle développé en langage Python

### Avantages

- Pratique, simple d'utilisation
- Adaptable
- ➔ Très satisfaisant

### Limites

- Pas de prévision avec précision des trajectoires des bouées dérivantes

## Perspectives

## Schéma d'Euler

Modèle développé en langage Python

### Avantages

- Pratique, simple d'utilisation
- Adaptable
- ➔ Très satisfaisant

### Limites

- Pas de prévision avec précision des trajectoires des bouées dérivantes

## Perspectives

**Données d'entrée** avec une plus haute résolution



## Schéma d'Euler

Modèle développé en langage Python

### Avantages

- Pratique, simple d'utilisation
- Adaptable
- ➔ Très satisfaisant

### Limites

- Pas de prévision avec précision des trajectoires des bouées dérivantes

## Perspectives

**Données d'entrée** avec une plus haute résolution

Amélioration du **modèle numérique** par l'utilisation de la méthode Runge-Kutta

## Schéma d'Euler

Modèle développé en langage Python

### Avantages

- Pratique, simple d'utilisation
- Adaptable
- ➔ Très satisfaisant

### Limites

- Pas de prévision avec précision des trajectoires des bouées dérivantes

## Perspectives

**Données d'entrée** avec une plus haute résolution

Amélioration du **modèle numérique** par l'utilisation de la méthode Runge-Kutta

Conversion plus précise pour la **projection cartographique**

# Merci pour votre attention

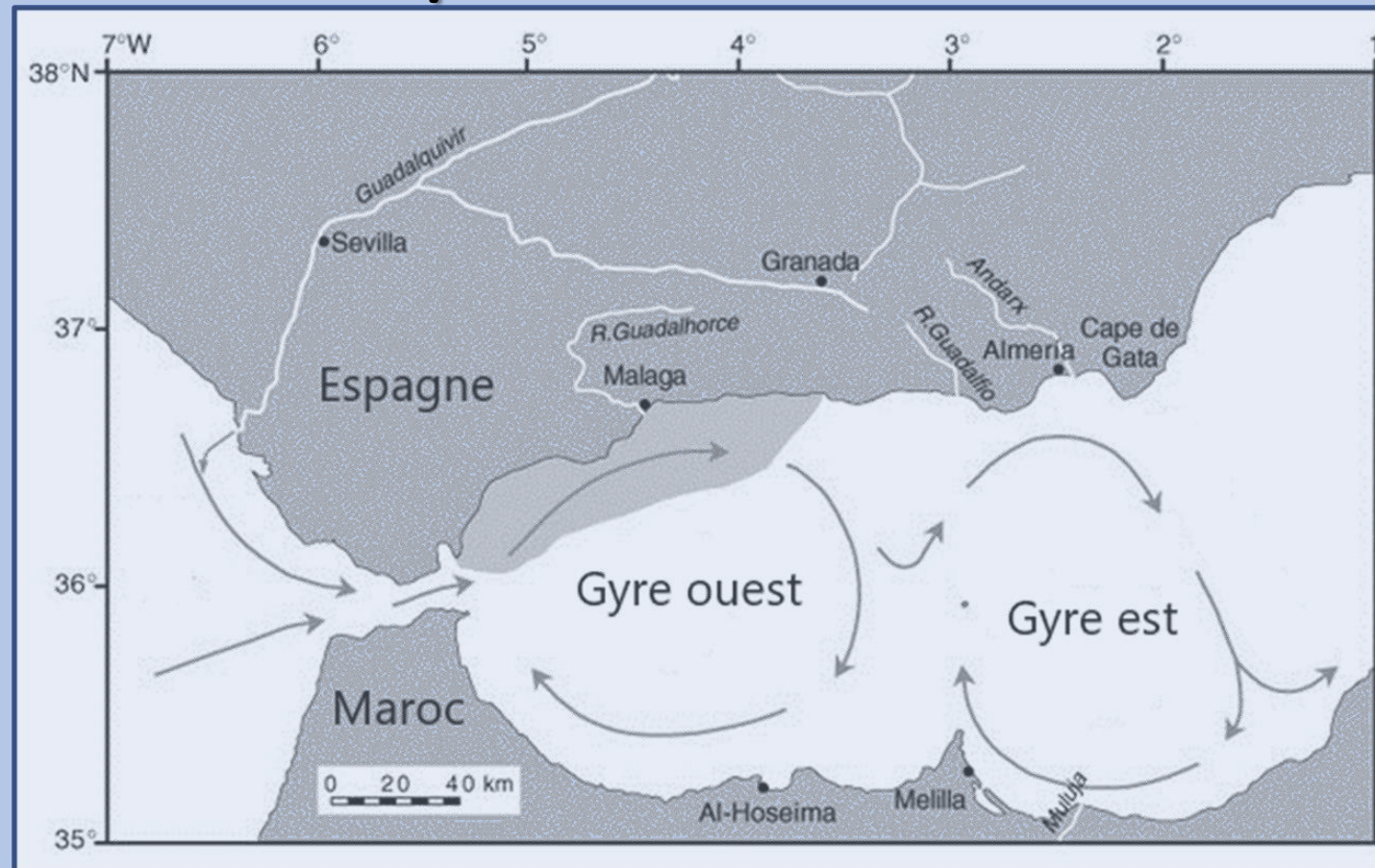


Fig. 19. Situation de surface du détroit de Gibraltar et de la mer d'Alboran

## Références

Alvaro, P., Dimitri, B. & Ana, T., 2013. The Alboran Sea mesoscale in a long term high resolution simulation: Statistical analysis. *\textit{Ocean modelling}*, 72 :32-52

Claude, M., Julio, C., Jean-Luc, F., & Youssef, T., 2006. Large warming and salinification of the mediterranean outflow due to changes in its composition. *\textit{Deep Sea Research Part I : Oceanographic Research Papers}*, 53(4) :656–667.

Cristina, N., Simone, S., Jesús, G., María, J., & Isabelle, T., 2015. Mediterranean waters along and across the strait of gibraltar, characterization and zonal modification. *\textit{Deep Sea Research Part I : Oceanographic Research Papers}*, 105 :41–52.

Meloni, M., Bouffard, J., Doglioli, A. M., Petrenko, A., and Valladeau, G., 2019. Toward science-oriented validations of coastal altimetry : Application to the Ligurian Sea. *\textit{Remote Sensing of Environment}*, 224 :275–288.

Qiu, Z., Doglioli, A. M., He, Y., & Carlotti, F., 2011. Lagrangian model of zooplankton dispersion : numerical schemes comparisons and parameter sensitivity tests. *\textit{Chinese Journal of Oceanology and Limnology}*, 29(2) :438–445.

Sergey S., Tigny V., Stanichnaya R., & Salim D., 2005. Wind driven upwelling along the african coast of the strait of gibraltar. *\textit{Geophysical research letters}*, 32(4).



# ANNEXE : Tests de sensibilité du pas de temps $\Delta t$ à partir de la composante advective

## Champ stationnaire sur 3 mois

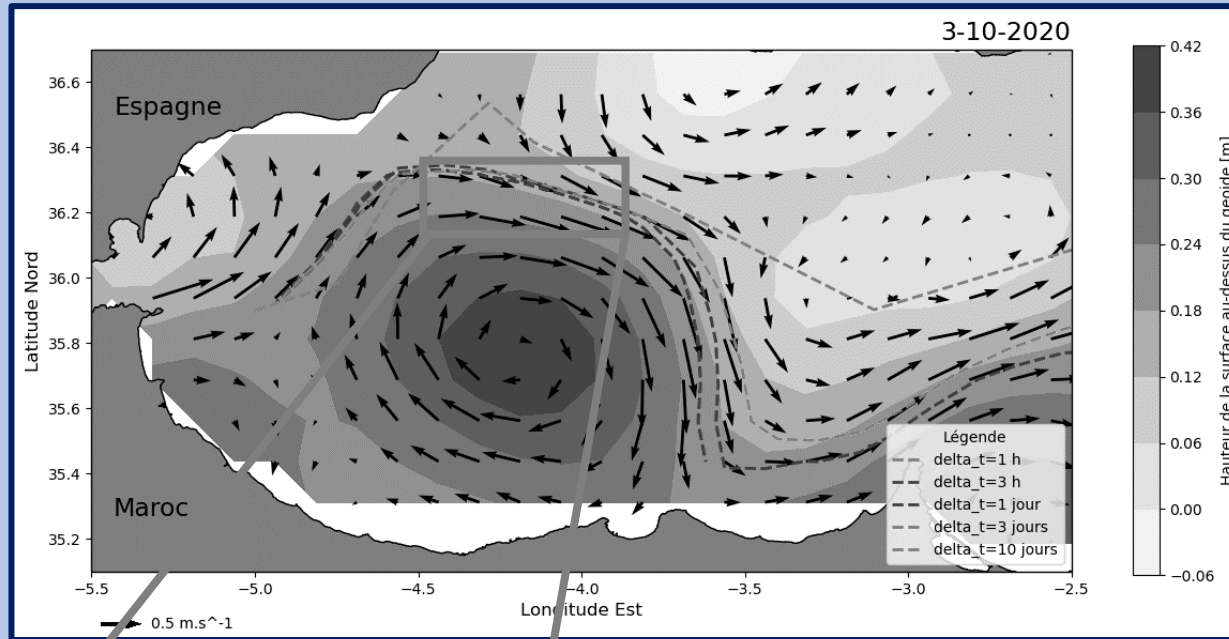


Fig. 6. Test de sensibilité n°1 pour  $\Delta t=1$  h ;  $\Delta t=3$  h ;  $\Delta t=1$  j ;  $\Delta t=3$  j ;  $\Delta t=10$  j

### $\Delta t$ présélectionnés

- $\Delta t = 1$  h
- $\Delta t = 3$  h

## Champ variable sur 3 mois

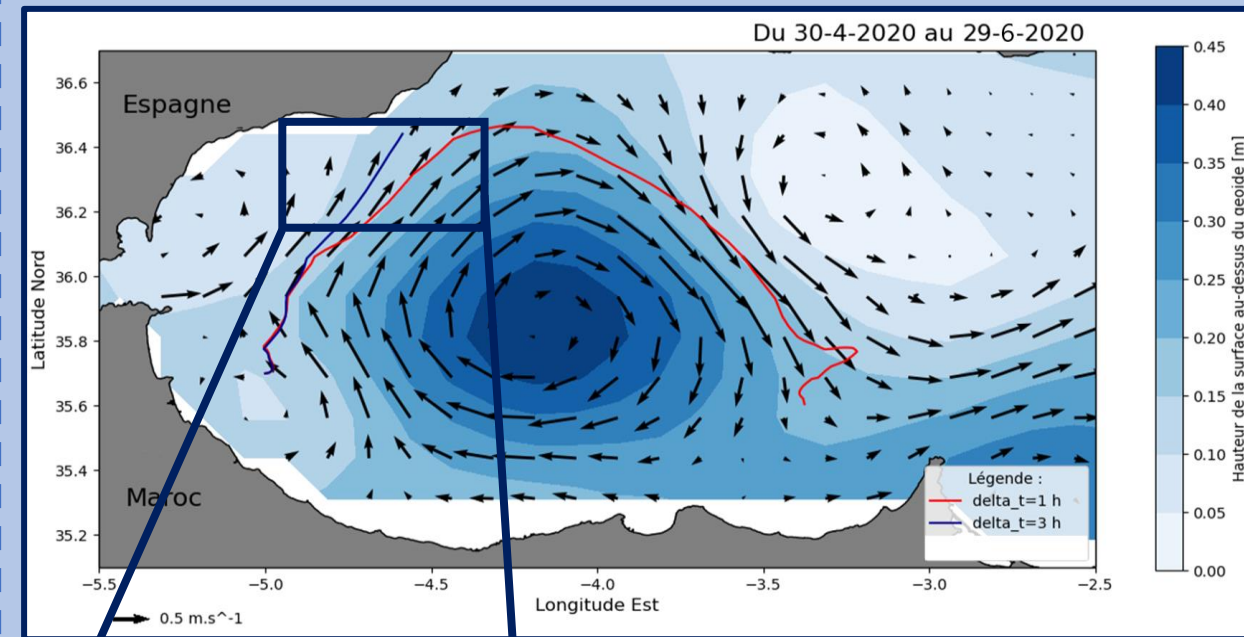


Fig. 7. Test de sensibilité n°2 pour  $\Delta t=1$  h et  $\Delta t=3$  h

### $\Delta t$ sélectionné

- $\Delta t = 1$  h

Condition  
d'échouage intégrée